MINISTÉRIO DE EDUCAÇÃO E CULTURA UNIVERSIDADE FEDERAL DO RIO GRANDE DO SUL ESCOLA DE ENGENHARIA DEPARTAMENTO DE METALURGIA PROGRAMA DE PÓS-GRADUAÇÃO EM ENGENHARIA METALÚRGICA E DOS MATERIAIS - PPGEMM

MÉTODO DE MEDIÇÃO DE FORÇA EM LAMINA-ÇÃO; ANALOGIA ENTRE A FORÇA MEDIDA E A CALCULADA NA LAMINAÇÃO A QUENTE DE PERFIS DE AÇO

### por

### LIRIO SCHAEFFER

Engenheiro Mecânico

Trabalho realizado no Departamento de Metalurgia da Escola de Engenharia da UFRGS, dentro do Programa de Pós-Graduação em Engenha ria Metalúrgica e dos Materiais - PPGEMM.

Pôrto Alegre

1976

ESCOLA DE ENGENHARIA BIBLIOTECA MÉTODO DE MEDIÇÃO DE FORÇA EM LAMINAÇÃO; ANALOGIA ENTRE A FORCA MEDIDA E A CALCULADA NA LAMINAÇÃO A QUENTE DE PERFIS DE AÇO

### TESE

Apresentada ao programa de Pós-Graduação em Engenharia Metalúrgica e dos Materiais - PPGEMM, como parte dos requisitos para a obtenção do Título de

MESTRE EM CIÊNCIA DOS MATERIAIS

por

Lirio Schaeffer

Engenheiro Mecânico

1976

Esta TESE foi julgada adequada para a obtenção do título de Mestre em Ciência dos Materiais e aprovada em sua forma final, pelo Orientador e pela Banca Examinadora do Curso de Pós-Graduação.

Bordard.

Orientador:

ILDON G. BORCHARDT Doutor em Ciências

Banca Examinadora:

J. DAVID EMBURY

- Ph.D. - Mc Master University - Canada

FRANCISCO JOSÉ KISS

- Doutor em Física - Universidad Nac. Cuyo -Argentina

I.G. BORCHARDT

- Doutor em Ciências - Instituto Tecnológico de

Aeronáutica - Brasil

Pos-Graduação: Curso de

Coordenador: Arno Müller Doutor

Coordenador do PPGEMM

### RESUMO

Este trabalho descreve o projeto e a construção de células de carga, à base de extensômetros ( strain gauge ) para medir esforços de compressão. Estas células, utilizadas em duas laminadoras industriais de desbaste, mediram esforços de até 31 toneladas na laminação de aço SAE lolo e SAE lo45 para reduções de até 40 %. Os resultados obtidos indicam que o modelo teórico de Ekelund pode ser utilizado para calcular força no desbaste com uma precisão de <sup>±</sup> 15 % . Discute-se ainda os modelos de Geleji e Sims. Com a determinação da área de contato através do método de projeção gráfica e com a força medida determina-se ainda a resistência à deformação, confrontanto os valores obti dos com os calculados através dos modelos teóricos.

#### ABSTRACT

This dissertation describes a project and the construc tion of cell charges, by using strain gauges in order to measure compression forces. These cells are used in two industri al rolling mills and it was measured forces up to 31 tons. in the rolling of SAE lolo and SAE 1045 steels for reduction up to 40% . The results obtained indicate that the Ekelund Theoretical method can be used to calculate force in roughing stand with an accuracy of - 15 % . The models of Geleji and Sims are also discussed. With the determination of the contact area by means of the graphic projection method and with the measured force one can determine the resistance to deformation, and compare the values obtained in this way with the calculated by u sing theoretical models.

III

#### AGRADECIMENTOS

Ao Prof. Dr. Ildon G. Borchardt pelo constante apoio, estímulo e dedicação que me concedeu na realização do presente trabalho:

Aos professores do "Institut für Bildsame Formgebung" da RWTH -Aachen por seus ensinamentos e em particular ao Eng? Klaus Baldner.

A Siderúrgica Riograndense S/A. e em especial ao Eng? Scheidt e ao Eng? Martins pela autorização e apoio concedidos.

A Industrial Arte Técnica S/A. e em especial ao Eng? Eudoro Lu cas de Oliveira pelo apoio, estímulo e interesse demonstrado.

Aos colegas de trabalho Eng? José Gerbase Filho e Fis. Milton Za ro, e aos técnicos Danilo M da Silveira, Enio G. Ferreira, Wil son J. Batista e Carlos R.F. Ferreira, pela colaboração na ela boração deste trabalho.

Ao "Internationales Büro der Kernforschungsanlage Julich GmbH " e em particular ao Dr. Eng? Klaus Scharmer e ao Dr. Eng? Hanns P. Liebig pela doação dos equipamentos e literatura de consulta.

A Secretaria de Tecnologia Industrial do Ministério da Indús tria e Comércio pelos recursos concedidos através do projeto 11. o2.ol. INDICE

		RESUMO III
	392	
		SIGNIFICADO DOS SÍMBOLOS UTILIZADOS E UNIDADES VII
	1	
	<b></b>	ININODOÇÃO
	•	
	2.	FUNDAMENTOS TEORICOS 2-1
		2.1 - Equação fundamental da força de laminação 2-1
		2.2 - Área de contato e arco de contato 2-2
14	3	2.3 - Resistência média à deformação 2-3
		2.3.1 - Resistência ao escoamento 2-4
		2.3.2 - Influência do atrito e da geometria 2-5
	3.	MODELOS PARA CALCULO DA FORCA E DA RESISTÊNCIA À DEFORMA-
		5.1 - Modelo de SIMS 3-1
		3.2 - Modelo de EKELUND 3-4
		3.3 - Modelo de GELEJI 3-5
	4.	MÉTODO PARA A DETERMINAÇÃO DA RESISTÊNCIA À DEFORMAÇÃO -
		COM UM MARTELO DE QUEDA
		4.1 - Considerações gerais 4-1
		4.2 - Determinação da velocidade de deformação 4-1
		4.3 - Método usado para a determinação da resistência à
		deformação no laboratório
	F	DESTERO CONCEDUÇÃO E CALIBRAÇÃO DE UM CENCOR DADA MEDID
	5.	PROJETO, CONSTRUÇÃO E CALIBRAÇÃO DE OM SENSOR PARA PEDIR
		ESFORÇOS.DE COMPRESSÃO
		5.1 - Generalidades 5-1
		5.2 - Características mecânicas
		5.2.1 - Características do anel sensor 5-1
		5.2.2 - Características das proteções 5-4
0		5.3 - Características elétricas 5-5
	19	5.4 - Calibração da Célula de Carga ou sensor 5-5
		5.5 - Utilização dos sensores para medir força de lamina-
8î		ção na indústria 5-7
		and sectors and a sector of the sector of th

V

6. MEDIDAS E RESULTADOS ..... 6-1 .......... 6.1 - Resultado das medidas de força e resistência à deformação ..... 6-1 6.1.1 - As forças obtidas nas laminações 1 e 2 ... 6-1 6.1.2 - A resistência à deformação obtida nas la minações l e 2 ..... 6-4 6.1.3 - A resistência à deformação obtida num martelo de queda ..... 6-4 6.2 - Resultados dos cálculos de força e resistência à deformação a partir dos modelos teóricos ...... 6-4 6.2.1 - Dados característicos das laminações 1 e 2 6-4 6.2.2 - Resultados obtidos dos diferentes modelos. 6-10 6.3 - Resumo dos resultados medidos e calculados ...... 6-10 7. DISCUSSÃO DOS RESULTADOS OBTIDOS ..... 7-1 7.1 - A célula de carga ..... 7-1 7.2 - A força de laminação e a resistência à deformação. 7-1 8. CONCLUSÕES 8-1 9. SUGESTÕES PARA FUTUROS TRABALHOS 9-1 APEND. A - Área de contato na laminação de perfis ...... A-1 APEND. B - Curvas de escoamento a quente de aços ..... B-1 APEND. C - Critérios de escoamento ..... C-1 APEND. D - Sistema eletrônico para medições de grandezas fi ..... . . . . . . . . . . . . . D-1 sicas

BIBLIOGRAFIA

VI

# SIGNIFICADO DOS SÍMBOLOS UTILIZADOS

A	mm <sup>2</sup>	Secção transversal da barra laminada antes do
		passe
Al	$mm^2$	Secção transversal da barra após a saída dos
		cilindros .
Ad	mm <sup>2</sup>	Área de contato entre cilindro e barra
bo	mn	Largura do material antes do passe
bl	mm	Largura do material após o passe
b <sub>m</sub>	mm ·	Largura média
С	-	Fator de Correção - Modelo de Geleji
C <sub>v</sub>	-	Fator de Correção - Modelo de Ekelund
dint	mm	Diâmetro interno da Célula de Carga
devt	mm	Diâmetro externo da Célula de Carga
D	mm	Diâmetro entre centro dos cilindros
F	kgf	Força de laminação
h	mm	Altura da barra antes do passe
h	mm	Altura da barra após o passe
h	mm ·	Diferença de altura ( h h_ )
h	mm	Altura média do calibre
h	mm	Altura da barra na zona sem escorregamento
k <sub>f</sub>	kgf/mm <sup>2</sup>	Resistência ao escoamento
k <sub>f</sub>	Kgf/mm <sup>2</sup>	Resistência média ao escoamento
n k	kgf/mm <sup>2</sup>	Resistência à deformação
W K	-	Fator de influência da geometria
1,	mm	Arco de contato
m	$N.s^2/m$	Massa do martelo de gueda
n	min <sup>-1</sup>	Rotações por minuto ( rpm )
R	mm	Raio do cilindro
S	mn	Luz - distância entre um cilindro e outro
т	9C	Temperatura
v	mm <sup>3</sup>	Volume
v	mm/s	Velocidade tangencial do cilindro
v., .	mm/s	Velocidade de saída da barra
α	graus	Angulo de agarre
ε	-	Deformação relativa em altura ( ho - h1 )/ho
n	-	Coeficiente de atrito
δ	$\Omega \cdot mm^2/m$	Resistência específica
σ	kgf/mm <sup>2</sup>	Resistência ao escoamento $(k_r)$ para $\phi = 0$

oE	kgf/mm <sup>2</sup>	Tensão de escoamento
o,	kgf/mm <sup>2</sup>	Tensão normal
oz	kgf/mm <sup>2</sup>	Tensão vertical h
φ		Deformação logarítmica ( = $\ln \frac{10}{h^2}$ )
φ	s <sup>-1</sup>	Velocidade de deformação ( strain rate )

### **OBSERVAÇÕES**

- Os indices o, l indicam a situação antes e após o passe, respectivamente.
- O indice m indica "valor médio".
- Os símbolos não apresentados aqui são esclarecidos no próprio texto.

### 1 - INTRODUÇÃO

O conhecimento das forças de conformação numa laminação é indispensável tanto para o engenheiro de produção como para o en genheiro projetista ou construtor de laminadores. Um técnico da produção necessita processos de cálculo não complicados e confiveis, que num tempo relativamente curto lhe forneça os valo – res de forças e momentos. Para o dimensionamento de uma laminado ra, para a determinação da potência de laminação e para a esco – lha da redução ótima, o conhecimento da pressão ou força de la – minação é a grandeza mais importante. Por isso, desde muitas décadas são realizadas experiências para a determinação dessa gran deza. Atualmente, as mais conhecidas teorias para o cálculo de força, momento e trabalho de laminação são em muitos casos im – precisas e aplicáveis a casos particulares. Difícil é sobretu – do determinar a resistência à deformação, as condições de atri – to e na laminação em calibres, a influência da geometria.

Enfim, as divergências que existem entre os métodos de cál culo fizeram com que se realizasse as medições dos esforços e que se comparasse os valores obtidos com três modelos de cálcu lo. Para isso foi necessário a construção de um sensor ( ou cé lula de carga ), cuja construção é descrita detalhadamente.

O fato de não haver ainda possibilidades em nosso Esta do de determinar curvas de escoamento a quente, inicia-se, nesse trabalho, os ensaios que talvez possam dar uma idéia da resistên cia à deformação nos canais de laminação.

### 2 - FUNDAMENTOS TEÓRICOS

### 2.1 - EQUAÇÃO FUNDAMENTAL DA FORÇA DE LAMINAÇÃO

A força que o cilindro exerce sobre o material ao longo do arco de contato pode ser expressa por uma integral

$$F = b \int_{O}^{x_{E}} \sigma_{y} \cdot dx$$
 (2.1)

onde  $\sigma_y$  é a tensão que o material de largura b exerce sobre o ci lindro desde o ponto x = o até x = x<sub>E</sub>, supondo  $\sigma_y$  independente de z. A fig. 2.1. ilustra uma distribuição de tensões  $\sigma_y$  para a laminação de um perfil chato.

Para resolver a eq. (2.1) seria necessário o conhecimento da distribuição das tensões ao longo da secção deformada. Alguns autores [2.1], [2.2]e[2.3] resolvem esta equação adotando hipóteses simplificativas a cerca da distribuição  $\sigma_y$ . A solução geral é conveniente posta sob a forma

$$= \Lambda d \cdot k_{Wm}$$
(2.2)

onde Ad é a área de contato e  $k_{\rm WM}$  a resistência média a deformação.



Fig.(2.1) - Representação esquemática da distribuição de tensões em laminação de perfil chato.

## 2.2 - DETERMINAÇÃO DA ÁREA DE CONTATO

A fig. 2.2 mostra esquematicamente as grandezas necessárias para a determinação da secção deformada ou área de contato Ad que se calcula por:

$$A_d = 1_d \cdot b_m$$

ou

se



Fig.(2.2) - Representação esquemática do dimensionamento geométri co na laminação plana.

Na eq.(2.3)  $b_m \in a$  largura média entre o material na entrada ( $b_0$ ) e na saída ( $b_1$ )

$$b_{\rm m} = \frac{b_{\rm o} + b_{\rm l}}{2}$$
 (2.4)

e  $l_d$  é o comprimento do arco de contato entre o cilindro e a barra. Se  $l_d$  fosse a projeção do arco de contato sobre a direção de laminação e h a diferença de altura (h<sub>0</sub> - h<sub>1</sub>) ter-se-ia:

$$l_{d} = \left[ R^{2} - \left( R - \frac{\Delta h}{2} \right)^{2} \right]^{1/2} = \left[ R_{\Delta}h - \left( \frac{\Delta h}{2} \right)^{2} \right]^{1/2}$$

$$l_{d} = \left[ R_{\cdot\Delta}h \right]^{1/2} \qquad (2.)$$

$$\left( -\frac{h}{2} \right)^{2} << R \cdot \Delta h \quad \text{ou} \quad \frac{\Delta h}{2} << R$$

2-2

(2.3)

5)

A eq. (2.5) é a mais utilizada na prática pois as aproximações feitas levam a erros não superiores a 1% para  $\Delta h \langle 0, 08 \cdot R$ 

O processo mais exato para a determinação da área de contato é medir diretamente a área de uma barra (não totalmente la minada) que contém a impressão exata do canal. O segundo método mais preciso é através da projeção gráfica da barra no canal [2.4], [2.5] e [2.6]. Diversos autores (Apêndice A) apresentam modos diferentes de calcular simplificadamente Ad através da eq. (2.3). Como os resultados obtidos são discrepantes o Apêndice A mostra um estudo comparativo de alguns métodos.

### 2.3 - RESISTÊNCIA MÉDIA A DEFORMAÇÃO

Tendo em vista a eq. (2.2) a resistência média a deformação pode ser definida como:

$$k_{\rm Wm} = \frac{F}{Ad}$$
(2.6)

Desta forma k<sub>wm</sub> passa a ser o parâmetro físico fundamental no processo de laminação. No caso de uma deformação uniaxial sem atrito tem-se:

$$k_{w_m} = k_f = \sigma_E$$

Apesar da simplicicidade demonstrada pela eq. (2.2) surgem dificuldades quanto a exata determinação da área de contato Ad e da resistência média a deformação  $k_{W_m}$ , uma vez que estas grandezas dependem do processo de conformação que se está consi derando. Embora diversos modelos (cap. 3) levam a métodos práti cos que determinam Ad e  $k_{W_m}$ , só uma medida direta de F e de Ad permite saber qual o real valor de  $k_{W_m}$ .

A resistência a deformação não depende apenas das proprie dades mecânicas do material a ser laminado, podendo ser expressa, de modo geral, por:

 $k_w = f (k_f, k_u, k_{geom})$ 

### onde

kw é a resistência a deformação

k<sub>f</sub> é a resistência ao escoamento, verificado num ensaio uniaxial de tensões

ku é o fator que caracteriza a influência do atrito

k<sub>geom</sub> é o fator que caracteriza a influência da geometria da fe<u>r</u> ramenta e da forma do corpo a ser deformado.

O valor de  $k_w$  é uma das variáveis mais difícel de ser deter minado no processo de conformação. Atualmente confinuam sendo feitos estudos para a determinação dessa grandeza [2.7].

## 2.3.1 - Resistência ao Escoamento

A resistência ao escoamento  $k_f$  (também denominada de resistência a mudança de forma) é a tensão que num estado uniaxial de tensões, caracteriza o início do escoamento plástico do material [2.8].

Esta grandeza é uma característica do material e de seu tr<u>a</u> tamento anterior e depende ainda do grau de deformação ( $\phi$ ), da velocidade de deformação ( $\dot{\phi}$ ), da temperatura (T) e da direção (quando o corpo não for isotrópico) em que é medida:

 $k_f = k_f (Material, \phi, \phi, T)$ 

Os gráficos da fig. 2.3 mostram esquematicamente a variação da resistência ao escoamento em função de  $\phi$ ,  $\phi$  e T para os aços.

Os processos mais comuns de construção das curvas de resistência ao escoamento (apresentação da resistência ao escoamento em função do grau de deformação) são através de ensaios de tração, compressão e torção. As diversas formas de se construir curvas de escoamento encontram-se descritas em vários trabalhos [2.8], [2.9] e [2.10] . Estas curvas apresentam um aspecto linear quando seus valores são representados num sistema de eixos cartesianos f ( $k_f$ ,  $\phi$ ) em unidades logarítmicas. Alguns autores adaptam equa ções matemáticas a estas curvas com o fim de facilitar a extração de informações.



2-5

Fig. (2.3) - Variação da resistência ao escoamento com : a) a deformação, b) velocidade de deformação, c) temperatura.

## 2.3.2 - Influência do Atrito e da Geometria

Através de ensaios de compressão efetuados em corpos de prova cilíndricos se pode observar a influência do atrito na su perfície dos corpos de prova. Na laminação o atrito externo é a força responsável pelo agarre e pelo arraste do material entre os cilindros. O atrito afeta a distribuição das tensões que agem entre os cilindros e o material e consequentemente à potência necessária para a conformação. Ele também controla a quantidade de redução possível de ser alcançada que poderá ser tanto maior qu anto mais elevado for o coeficiente de atrito [2.11].

Também para a determinação do coeficiente de atrito se tem feito muitas experiências [2.11] Sua determinação é dificul tada na laminação de perfis. O coeficiente de atrito, que é principalmente função da temperatura do material laminado e da cons tituição dos cilindros, só pode ser determinado indiretamente. I<u>s</u> to se pode observar nas experiências realizadas por Trinks que fazia deslizar uma peça de aço quente sobre um plano inclinado de aço liso, ou ainda as experiências de Tafel que tomou o ângulo de agarre e igualou-o ao ângulo de atrito tg $\alpha$  = tg $\delta$  =  $\mu$  [2.11]. Enquanto não existir uma forma direta de se medir o coeficiente de atrito toda uma teoria pode estar dependendo da precisão com que se determinou o mesmo. As expressões matemáticas que fornecem o valor do coeficiente de atrito para a laminação podem ser vistas no desenvolvimen to dos modelos de cálculo de força ( itens 3.1 e seguintes ).

A geometria influi na resistência à deformação através da relação h<sub>1</sub>/D, do diâmetro dos cilindros, da deformação  $\varphi = \ln h_0/h_1$  da relação diferença de altura com o diâmetro dos cilindros  $\Delta h/d$ , das relações h<sub>1</sub>/d e  $\Delta h/h_0$  ou 1d //(h\_0+h\_1)/2/ e da relação entre a largura e a altura do material de entrada b<sub>0</sub>/h<sub>0</sub> /2.12/.

3 - MODELOS DE CÁLCULO PARA FORÇA E RESISTÊNCIA À DEFORMAÇÃO

### 3.1 - MODELO DE SIMS

No ano de 1954 R.B. sims [3.1] apresentou suas fórmulas para o cálculo de força de laminação a quente em produtos planos , deduzidas a partir da teoria da plasticidade. Com o conhecimen to da resistência ao escoamento esse processo de cálculo torna se relativamente fácil. Supondo um perfeito colamento entre cili<u>n</u> dro e material, Sims desconsiderou a influência do coeficiente de atrito, a grandeza mais imprecisa no cálculo da força de lamina ção.

A força de laminação é calculada por

= Ad. 
$$k_{\rm W}$$
 (3.1)

em que

F

$$Ad = \sqrt{R. \Delta h} . b_m$$
 (eq. 2.3)

$$k_{w} = k_{f_{m}} Q_{P}(R/h_{1}, \epsilon)$$
 (3.2)

e

$$k_{f_m} = 1,15.k_f$$
 (3.3)

$$Q_{p} = \frac{\pi}{2} \sqrt{\frac{1-\epsilon}{\epsilon}} \cdot tg^{-1} \sqrt{\frac{\epsilon}{1-\epsilon}} - \frac{\pi}{4} - \sqrt{\frac{1-\epsilon}{\epsilon}} \frac{R}{h_{1}} \cdot \ln \frac{h_{n}}{h_{1}} + \frac{1}{2} \sqrt{\frac{1-\epsilon}{\epsilon}} \sqrt{\frac{R}{h_{1}}} \ln \frac{1}{1-\epsilon}$$
(3.4)  
$$h_{0} - h_{1}$$

$$\varepsilon = \frac{h_0}{h_0}$$
 (3.5)

$$h_n = h_1(1 + \frac{v_1 - v}{v})$$
 ( $v_1 = velocidade de saída da barra) (3.6)$ 

A grandeza  $\Omega_p$  engloba a geometria na zona de deformação sob as condições de colamento. Seu valor, para o emprego prático , en contra-se tabelado na Tab. (3.1) e na Fig. 3.1 .

A resistência ao escoamento  $(k_f)$  é proveniente das cur vas de escoamento obtidas em função da temperatura (T), da defor mação logaritmica ( $^{(p)}$ )

$$\varphi = \ln h_0 / h_1 \tag{3.7}$$

e da velocidade de deformação (Φ)

$$\dot{\phi} = \frac{v}{l_d} \cdot \phi \tag{3.8}$$

Estas curvas encontram-se, para vários materiais, no Apêndice B.

Sims desenvolveu sua teoria para a laminação plana e empregou o critério de escoamento de TRESCA (Apêndice C) corrigindo o valor obtido por este critério com o fator 1,15, que aparece na eq. 3.3 ( para um estado plano de tensões a tensão de escoamen to de TRESCA é 15% menor que a tensão de escoamento calculada por v.MISES ). Em se tratando de laminação de perfis, ou seja, um estado espacial de tensões, pode-se suprimir este fator ( ver Apêndice C ).

Assim

$$k_{f_m} = k_{f}$$

e a eq. 3.2 fica:

$$k_{w} = k_{f} \cdot Q_{p} \left( \frac{R}{h} \right)$$
(3.9)

Aplicações do modelo de Sims para cálculos de força podem ser encontrados em [3.2], [3.3] e [3.4].

Tab. 3.1 - VALÔRES NUMÉRICOS D FUNÇÃO $Q_p$ (R/h <sub>1</sub> , $\epsilon$ ).					
sh/h <sub>0</sub>	R h <sub>1</sub>	Q <sub>p</sub>	$\Delta h/h_0 \frac{R}{h_1}$	Qp	
0,1	5	0,9513	0,1 100	1,5976	
0,2		1,0109	0,2	1,9630	
0,3		1,0485	0,3	2,2628	
0,4		1,0585	0,4	2,5232	
0,5		1,0719	0,5	2,7563	
0,6		1,0545	0,6	2,9549	
0,1	10	1,0285	0,1 150	1,7814	
0,2		1,1257	0,2	2;2387	
0,3		1,1952	0,3	2,6129	
0,4		1,2443	0,4 .	2,9422	
0,5		1,2761	0,5	3,2407	
0,5		1,2852	0,6	3,5021	
0,1	20	1,1371	0,1 200	1,9397	
0,2		1,2863	0,2	2,4699	
0,3		1,4006	0,3	2,9061	
0,4		1,4908	0,4	3,2943	
0,5		1,5609	0,5	3,6486	
0,6		1,6072	0,6	3,9630	
0,1	30	1,2219	0,1 250	2,0776	
0,2		1,4093	0,2	2,6694	
0,3		1,5567	0,3	3,1678	
0,4		1,6795	0,4	3,6066	
0,5		1,7792	0,5	4,0103	
0,6		1,8528	0,6	4,3684	
0,1 0,2 0,3 0,4 0,5 0,6	50	1,3521 1,6044 1,8066 1,9763 2,1234 2,2413	0,1 300 0,2 0,3 0,4 0,5 0,6	2,2012 2,8570 3,3996 3,8879 4,3354	



Fig. 3.1 - Função Op conforme R.B.SIMS[3.1].

3-3

## 3.2 - MODELO DE EKELUND

Entre os métodos semi-empíricos a fórmula de Ekelund não é sòmente a mais antiga como também a mais conhecida [3.5]. P<u>a</u> ra o caso de laminação de perfis é normalmente apresentada da seguinte forma [3.6] :

$$F = Ad.k_{\rm H}$$
(3.10)

em que

$$Ad = \sqrt{R.\Delta h} . b_m$$
 (eq. 2.3) (3.11)

$$k_{w} = K \cdot k_{f}$$
(3.12)

е

$$K = 1 + \frac{1,6 \ \mu \cdot \sqrt{R \ (h_0 - h_1)} - 1,2 \ (h_0 - h_1)}{h_{o_m} + h_{l_m}}$$
(3.13)

$$k_{f} = \sigma + \eta \cdot \dot{\phi} \qquad (3.14)$$

= coeficiente de atrito μ  $\mu$  = (1,05 - 0,0005 T 9C ) para cilindros de ferro fundi-(3.15)do = 0,8( 1,05 - 0,0005 T 9C ) para cilindros de aço μ . (3.16)= resist. ao escoamento, num ensaio uniaxial, com  $\dot{\phi}=0$ σ =  $(14 - 0, 01 \text{ T PC})(1, 4 + C_{\$} + Mn_{\$} + 0, 3 \text{ Ca}_{\$})$  (3.17) σ n = coeficiente de plasticidade do material laminado (  $kgf.s^2/mm^2$  )  $(C_v de [3.7])$  $\eta = 0,01(14 - 0,01 T QC)C_v$ (3.18) $C_v = 1,094.e^{-0.03v}$ para v > 3 m/s onde para  $v \leq 3 m/s$  $c_{v = 1}$ 

 $\dot{\phi}$  = velocidade de deformação



(3.19)

(3.20)

R = raio do cilindro no fundo do calibre em mm v = velocidade periférica no fundo do calibre em mm/s  $b_m$  = largura média do material dado pela eq. 2.4

Para o cálculo de secções não retangulares ou laminações em calibres utiliza-se, para fins práticos, valores médios de altura , obtidos da expressão

onde h<sub>max</sub> é a altura no fundo do canal e C um coeficiente cujo v<u>a</u> lor para alguns tipos de passes é encontrado na Tab. 3.2 .

TABELA 3.2 - COEFICIENTES C PARA O CÁLCU	LO DA ALTURA MÉDIA (3.6)
Tipo de Passe	Coeficiente C
	x 51
Calibre com pequeno raio de concor -	
dância	0,63
Calibre com cantos vivos	0,55
Calibres redondos	0,79
Calibre oval	0,67 - 0,85
Calibres verticais	0,50 - 0,65
8 V 4	

3.3 - MODELO DE GELEJI

Geleji também partiu de dados experimentais e chegou à se guinte expressão [3.8]

 $F = Ad.k_{w}$ 

(3.21)

3-6

em que

$$Ad = l_d \cdot b_m = \sqrt{R_m \cdot \Delta h_m} \cdot b_m$$
(3.22)

$$k_{w} = k_{f} \cdot K$$
(3.23)

$$k_{f} = \sigma (1 + 0.05 \cdot \phi)$$
 (3.24)

$$K = 1 + 0,1778.C.\mu. \frac{1}{h_m} \sqrt[4]{v}$$
(3.25)

onde

$$C_{0,25-1} = 17, 0(\frac{1}{h_m})^2 - 29, 85(\frac{1}{h_m}) + 18,34 \text{ para } 0,254\frac{1}{h_m} \le 1$$
 (3.26)

$$C_{1-3} = 0.8 \left(\frac{l_d}{h_m}\right)^2 - 4.9 \left(\frac{l_d}{h_m}\right) + 9.6$$
 para  $1 < \frac{l_d}{h_m} < 3$  (3.27)

$$C_{3-15} = 0.013 \left(\frac{l_d}{h_m}\right)^2 - 0.293 \left(\frac{l_d}{h_m}\right) + 2.862 \text{ para } 3 \le \frac{l_d}{h_m} \le 15$$
 (3.28)

е

$$\begin{split} \mu &= \text{coeficiente de atrito} \\ \mu &= 1,05 - 0,0005 \text{ T } \text{ } \text{?C} - 0,056 \text{v} \text{ para cilindros de aço} \\ &\qquad (3.29) \\ \mu &= 0,94 - 0,0005 \text{ T } \text{ } \text{?C} - 0,056 \text{v} \text{ para cilindros de fer} - \\ &\quad ro \text{ fundido duro} &\qquad (3.30) \\ \mu &= 0,82 - 0,0005 \text{ T } \text{ } \text{?C} - 0,056 \text{v} \text{ para cilindros de aço po} - \\ &\quad \text{lido} &\qquad (3.31) \\ \text{v} &= \text{velocidade de deslizamento da barra em mm/s} \\ \text{v} &= \text{R}_{\text{m}} \cdot \pi \cdot n/30 & (\text{ em mm/s}) &\qquad (3.32) \\ \text{m} &= \text{rotação em RPM} \\ \text{R}_{\text{m}} &= \text{Raio médio} \\ \text{R}_{\text{m}} &= \frac{1}{2} ( \begin{array}{c} \text{D}_{\text{C}} - \begin{array}{c} A \\ 1 \\ \end{array} ) \end{pmatrix} & (\text{ em mm}) &\qquad (3.33) \\ \end{split}$$

 $D_{C}$  = distância entre centro dos cilindros

b<sub>m</sub> = largura média do material dada pela eq. 2.4  $h_m = altura média entre material na entrada (h_o_m) e na sa$ ĺda ( h<sub>lm</sub> )  $h_m = (h_{o_m} + h_{l_m})/2$ (3.35)hom = altura média da secção de entrada  $h_{o_m} = A_o/b_m$ (3.36)h<sub>l</sub> = altura média da secção de saída  $h_{l_m} = A_{l/b_m}$ (3.37) $h_m = h_o - h_{m}$ (3.38)  $\sigma$  = tensão de escoamento obtida num ensaio uniaxial está tico. Seu valor pode ser calculado teoricamente [3.9] pela eq. 3.17

$$l_{\tilde{d}} = \operatorname{arco} \operatorname{de} \operatorname{contato}$$

$$l_{\tilde{d}} = \sqrt{R_{m} \cdot \Delta h_{m}} = \sqrt{R_{m} (h_{o_{m}} - h_{l_{m}})} \qquad (3.39)$$

$$\dot{\phi} = \operatorname{velocidade} \operatorname{de} \operatorname{deformação} \qquad (3.40)$$

$$\dot{\phi} = \Delta h_{m} \cdot v / (h_{m} \cdot l_{d})$$

3-7-

4 - MÉTODO PARA DETERMINAÇÃO DA RESISTÊNCIA À DEFORMAÇÃO COM UM MARTELO DE QUEDA

### 4.1 - CONSIDERAÇÕES GERAIS

Solta-se um corpo de massa m afastado de uma determinada altura do corpo de prova, este atinge o corpo de prova provocan do uma certa velocidade de deformação que vai diminuindo até ze ro, quando pára o processo de deformação . A geometria do corpo de prova é cilíndrica e de relação altura/diâmetro menor que 2. A temperatura da amostra é medida por um termopar e um conjunto de instrumentos mede dinamicamente a velocidade do martelo . Mos tra-se que a resistência à deformação ( $k_w$ ) pode ser calculada co nhecendo-se a massa m do martelo (Fig. 4.1), a velocidade v de impacto do martelo no corpo de prova, a deformação total da amos tra e o volume da mesma .

Embora as condições geométricas destes ensaios sejam dif<u>e</u> rentes das condições verificadas nas gaiolas de laminação existe uma relação entre o  $k_w$  determinado desta forma e o  $k_w$  real nas condições de laminação (eq. 2.6). Desta forma os valores de  $k_w$ obtidos com o martelo servem para estimar a variação de  $k_w$  na laminação quando mudar a temperatura ou alterar a composição <u>qui</u> mica do material laminado. Assim, através de simples ensaios de laboratório pode-se ter uma idéia sobre o que poderá ocorrer nos canais de laminação quando , por exemplo , se adiciona nióbio , que acarreta um sensível aumento na resistência ã deformação [4.1].

### 4.2 - DETERMINAÇÃO DA VELOCIDADE DE DEFORMAÇÃO

A velocidade de deformação não depende apenas da velocidade de trabalho da máquina, mas depende também do deslocamento do ma terial. Na copressão a velocidade de deformação é definida como [4.2]:

$$\dot{\varphi} = \frac{\mathrm{d}\varphi}{\mathrm{d}t} = \frac{\mathrm{d}\varphi}{\mathrm{d}h} \cdot \frac{\mathrm{d}h}{\mathrm{d}t}$$

onde  $\phi$  é a deformação logarítmica, t o tempo e h a altura instantina do corpo de prova sendo

$$d\phi = \frac{d(\ln \frac{h}{h_0})}{dh} = \frac{1}{h}$$

e

$$\frac{dh}{dt} = v_h$$

vem

$$\dot{\phi} = \frac{v_h}{h}$$
 (mm/s.mm) ou (s<sup>-1</sup>)

onde v<sub>b</sub> é a velocidade da máquina .

No martelo de queda existente no laboratório de Conformação Mecânica da U.F.R.G.S. tem-se para uma velocidade de queda de 3,3 m/s uma velocidade de deformação inicial em torno de 150 s<sup>1</sup>, d<u>e</u> pendendo da altura do corpo de prova. No martelo de queda a veloc<u>i</u> dade de deformação varia portanto, de um valor em torno de 150 s<sup>1</sup>, até um valor igual a zero. Na laminação também se tem uma alta v<u>e</u> locidade de deformação no inicio (~ 30 s<sup>1</sup> na laminação 1), quando a barra toca os cilindros, e uma velocidade zero quando a barra deixa os cilindros. No capitulo 6 pode-se ver os valôres médios da velocidade de deformação para a laminação 1 e para a laminação 2.

4.3 - MÉTODO USADO PARA DETERMINAÇÃO DA RESISTÊNCIA À DEFORMAÇÃO NO LABORATÓRIO

Desprezando-se o atrito, a força de conformação  $(F_{id})$  na compressão axial de um corpo de prova cilindrico é dada como o produto da secção deformada  $(A_d)$  pela resistência ao escoamento  $(k_f)$ , sendo  $A_d$  a secção deformada perpendicular à direção de atr<u>a</u>ção da força.

 $F_{id} = A_d \cdot k_f$  (em kgf)

Considerando-se a existência de atrito, a verdadeira força de conformação é :



Fig. 4.1 - Martelo de queda utilizado para a determinação da resistência à deformação ( construção: H.P. Liebig ). a) - Corpo de prova; b)- Sistema de indutância para medir a deformação; c) - célula foto-elétrica para medir a velocidade: d) célula de carga para medir a força.

$$F = Ad.k_f / \eta_F = Ad.k_w$$
 (em kgf)

onde  $\eta_{F}$  é o rendimento.

Conhecendo-se a deformação dh determina-se o trabalho de conformação dT $_{\rm r}$  [4.3] por :

$$dT_r = F.dh = Ad.k_w.dh$$
 (em kgf.m)

Pela constância de volume

$$Ad = V/h$$

e

$$\operatorname{dr}_{r} = V.\left(\frac{dh}{h}\right).k_{W} \qquad (em \ kgf.m) \qquad [4.1]$$

Considerando-se k constante e integrando de h até h vem:

$$\mathbf{r}_{r} = \mathbf{V} \cdot \ln \frac{\mathbf{h}}{\mathbf{h}_{o}} \cdot \mathbf{k}_{w} \qquad (\text{ em kgf.m}) \qquad [4.2]$$

de modo que

$$k_{w} = \frac{T_{r}}{V. \phi_{h}} \qquad (em kgf/mm^{2})$$

Como o trabalho é igual à energia cinética no instante em que o martelo toca o corpo de prova, tem-se :

$$k_{w} = \frac{1}{2} \frac{\frac{m \cdot v_{h}^{2}}{v \cdot \phi_{h}}}{v \cdot \phi_{h}}$$
 [4.3]

onde m é a massa do martelo e v<sub>h</sub> é a velocidade do martelo.

4-4

O valor de  $k_w$  obtido da eq. (4.3) é menor do que o valor real pois para se chegar a esta equação pressupoz-se na integração da equação (4.1)  $k_w$  constante. Portanto o valor obtido na eq. (4.2) é o trabalho médio e o  $k_w$  correspondente é o  $k_w$  médio.

Duas análises feitas após os testes mostram a relação en tre o  $k_w$  determinado a partir da energia cinética eq.(4.3), a partir da força máxima, da velocidade de deformação e das curvas de escoamento :

a) <u>k</u> determinado a partir da força máxima

Calculando-se (eq. 2.6)  $k_w$  por :

$$k_w = \frac{Fmax}{A_d}$$

onde F max é a força máxima e  $A_d$  a área de contato corresponden te ; obtém-se para  $k_w$  um valor duas vêzes maior (20% de incerte za) que o valor obtido a partir da eq. 4.3 . Isto pode-se ex plicar pela suposição feita de que o comportamento da variação de  $k_w$  com a deformação seja linear (fig.4.3).



Fig. 4.3 - Representação esquemática de  $k_w = f(\omega)$ 

A força foi medida com uma célula de carga (fig. 4.1) <u>pe</u> lo principio descrito no capítulo 5 . O registro da força foi feita num registrador marca Siemens (Oscillofil) .

# <u>k</u>w determinado a partir da velocidade de deformação média (φ́ m) e das curvas de escoamento (Apêndice B) :

Nesta análise levanta-se experimentalmente com o martelo um gráfico da deformação (φ) em função do tempo (t) (fig.4.4).

A partir desta figura, avalia-se o valor médio  $\phi_m$  da velo cidade de deformação encontrando-se  $\phi_m$ = 105 s<sup>-1±</sup> 15%



Fig. 4.4 - Representação de m= f(t) para um aço SAE 1010 a 1150°C.

Com o valor da velocidade de deformação  $\varphi_m = 105$  s<sup>1</sup> e deformação  $\varphi_m = 0.5$  e com a temperatura T= 1150°C, entra-se no gráfico de  $k_f = (\varphi, \dot{\varphi}, T)$  - Apêndice B, e tira-se o valor de  $k_f = 14 \text{ kgf/mm}^2 \stackrel{+}{=} 20$ %.

Sendo a eficiência entre  $k_w e k_f$  dados por [4.4]

$$\eta_f = \frac{k_f}{k_w} = 0,85$$

tem-se que

 $k_w = (17 \stackrel{+}{-} 3) \text{ kgf/mm}^2$ sendo que a partir da eq. 4.1 obtem-se

$$k_{\rm w} = (10 \stackrel{+}{-} 1, 5) \text{ kgf/mm}^2$$

(vide tabela 6.5)

b)

O valor de k<sub>w</sub> calculado a partir da energia cinética é obtido quando se toma a área sob a curva k<sub>w</sub> = f ( $\omega$ ) considera<u>n</u> do-se k<sub>w</sub> constante em função da deformação (fig.4.5)



Fig. 4.5 - Representação esquemática da variação de k<sub>w</sub> com a deformação φ.

Partindo-se desta suposição a relação

é no máximo igual a 2 quando substituirmos a curva k $_{\rm W}$  = f( $\phi$ ) por uma reta

Deve-se observar ainda que o valor da energia cinética calculada na eq. 4.1 com uma incerteza  $\frac{+}{2}$  15% (tab.6.5) é igual à energia cinética obtida pela área abaixo da curva k<sub>w</sub> = f ( $\phi$ ) (fig. 4.5) obtida a partir dos registros de força, tempo e deformação (incerteza  $\frac{+}{2}$  20 %).

## 5 - PROJETO, CONSTRUÇÃO E CALIBRAÇÃO DE UM SENSOR PARA MEDIR ES-FORÇOS DE COMPRESSÃO

## 5.1 - GENERALIDADES

O sensor para medir esforços de compressão consiste excen cialmente de um anel de aço ( onde são colados extensômetros ) e de proteções ( contra água e para melhor distribuição de tensões). A fig. 5.1 mostra dois tipos de sensores construídos.

Os sensores medem esforços de compressão até 80 toneladas e sua precisão é 5%. A pequena altura destes sensores possibilita colocá-los entre o mancal e o fuso de aperto dos laminadores con vencionais (fig. 6.1) e desta forma medir esforços de laminação;

## 5.2 - CARACTERÍSTICAS MECÂNICAS

## 5.2.1 - Características do anel sensor

O anel sensor deve ser construído de um aço com alta ten são de escoamento e com uma dureza superficial de aproximadamen te 58 a 60 R .

As dimensões do anel (fig. 5.2a) são escolhidas de modo que o mesmo se deforme sempre na região elástica e para evitar a flambagem deve-se observar as relações

$$\frac{d_{ext}}{d_{int}} \ge 2$$
 (5.1)

$$\frac{a_{\text{ext}}}{h} \ge 3,5 \tag{5.2}$$

onde d<sub>ext</sub> é o diametro externo, d<sub>int</sub> é o diametro interno e h é a altura do anel. As forças a serem medidas são aplicadas na dire - ção axial e sobre a superfície superior ( ou inferior ) do anel.



Fig. 5.1 - a) - Sensor ou célula de carga construído para a laminação l.

 b) - Sensor ou célula de carga construído para a laminação 2 .

5-2



Fig. 5.2 - a) Esquema do cilindro ou anel sensor.
b) Ligação dos extensômetros na ponte de Wheats tone.

Os elementos ( fig. 5.2a ) que medem a deformação elástica ( "strain gauge " ou extensômetros ), colocados na superfíci e externa do anel sensor, estão ligados a uma ponte de Wheatstone ( fig. 5.2b ) que mede um sinal proporcional à deformação relativa ( $\varepsilon$ ) do anel. As resistências  $R_i$  ( i = 1...4 ) na fig . 5.2 são sensíveis às deformações axiais, as resistências  $R'_i$  ( i = 1...4 ) são sensíveis às deformações radiais do anel.

Sendo A a superfície do anel na qual está sendo aplica da uma força F ( no sentido axial ) , a tensão correspondente .a força F será :

$$\sigma = F/A = E. \varepsilon_{axial}$$
(5.3)

onde E é o módulo de elasticidade do anel. ( para o aço E= 21.000 kgf/mm<sup>2</sup> ).

A fig. 5.2 mostra que os extensômetros estão montados e ligados numa montagem "tipo Poison", assim os extensômetros R<sub>i</sub> ( i= 1...4 ) não só compensam flutuações de temperatura ambien -

5-3

te ( Apéndice D ) como aumentam o sinal de desbalanço em 30% (su pondo o coeficiente de Poison igual a 0,3 [5.1]. Nestas condições a eq. 5.3 fica :

$$\sigma = F/A = \frac{1}{13} \cdot E \cdot \epsilon_{poull}$$
 (5.4)

A deformação  $\varepsilon$  é fixada em função da sensibilidade do e quipamento disponível. A ponte utilizada permite ler  $\varepsilon$  = 0,001 m/m . Sendo o valor médio esperado para a força (F) de 40 tone ladas, tem-se pela eq. 5.4 :

$$A = \frac{40000 \cdot 1,3}{21000 \cdot 0,001} = 2476 \text{ mm}^2$$

Como a secção do anel é dada pela expressão :

$$A = \frac{\pi}{4} (D_{ext}^2 - D_{int}^2)$$

e considerando as condições de flambagem eq. 5.1 e 5.2, deter - mina-se :

$$D_{ext} = 64 \text{ mm}$$
  
 $D_{int} = 32 \text{ mm}$   
 $h = 18 \text{ mm}$ 

### 5.2.2 - Característica das proteções

As proteções mostradas na fig. 5.1a foram ineficientes quanto à vedação contra água e quanto à proteção contra choques.Na tentativa de diminuir a faixa de erro, provocado pelas superfí cies de contato sobre o anel ( fig. 5.3 ), desenvolveu-se um outro projeto que deveria resolver os problemas de proteção contra choque, umidade, temperatura e distribuição de tensões ( figu ra 5.1b ).



## Fig. 5.3 - Distribuição das linhas de força em função da área de contato .

O aço usado tanto para as proteções como para o anel foi VC-131 ( DIN X210 Cr W 12 ), aço para trabalho a frio, com al to teor de carbono e cromo.

## 5.3 - CARACTERÍSTICAS ELÉTRICAS

Os extensômetros ( ver Apêndice D ) são colados na super fície externa do anel numa montagem tipo "Poison" ( fig. 5.2b) e ligados a uma ponte de Wheatstone [5.2] que fornece o sinal de desbalanço proporcional à deformação elástica do anel quando for ças atuarem sobre o mesmo.

Os extensômetros usados foram da firma Hottinger Baldwin Messtechnik Gmbh, tipo 6/120 LY 11, o valor da resistência era 120  $\Omega$  e com um fator de sensibilidade (gauge factor) K = 2,07. As pontes utilizadas são da mesma firma, tipo KWS/T - 5.

# 5.4 - CALIBRAÇÃO DAS CÉLULAS DE CARGA

Nas calibrações dos sensores ( ou células de carga ) uti lizou-se um anel dinamométrico, tipo WAZAU, capacídade 300 toneladas, com certificado de calibração da Bundesanstalt fuer Materialpruefung - Berlim - Alemanha Ocidental ( fig. 5.4 ).



Fig. 5.4 - Anel dinamométrico com a célula de carga na posição de calibração . 1 - suporte da prensa; 2placas de distribuição de tensões; 3 - peça simuladora do fuso de aperto; 4 - copo de seguran ça; 5 - célula de carga; 6 - anel dinamométri co.

Registrou-se num gráfico a relação existente entre o car regamento ( força ) sobre o anel e o sinal ( volts ) emitido pela ponte ( fig. 5.5 ).

A fig. 5.6 mostra as curvas de calibração, força = f(ten são ), obtidas no anel dinamométrico para os tipos de senso res vistos na fig. 5.1 . As curvas obtidas representam o va lor médio de um conjunto de ensaios. Na calibração das células de carga usadas na laminação l variou-se a área de aplicação da força. A menor área utilizada foi a de um tarugo de 31 mm de diâmetro e a maior foi a de um tarugo de 82 mm ( diâmetro aproxi mado dos fusos de aperto das laminadoras ). Deste modo determi nou-se os erros dos valores de tensão ( V ) registrados nas curvas de calibração ( fig. 5.6 ) . Nas condições de laminação a dimensão do diâmetro de contato do fuso de aperto com as tam pas do sensor ( caso laminação l ) situa-se entre 31 e 82 mm ,

5-6
de modo que as curvas de calibração podem ser utilizadas dentro dessa faixa de tolerância.



Fig. 5.5 - Esquema de Conjunto: calibração da célula de carga ( sensor ) .

Na calibração dos sensores usados na laminação 2 procedeu-se da mesma forma mas com a introdução do copo de segurança.

## 5.5 - UTILIZAÇÃO DOS SENSORES PARA MEDIR FORÇA DE LAMINAÇÃO NA INDÚSTRIA

A fig. 5.7 mostra o posicionamento dos sensores nas gaio las de laminação. A diferença entre uma montagem e outra ocorre em virtude da disponibilidade de espaço e das dimensões do co po de segurança.



Fig. 5.6 - Curvas de calibração para os sensores usados: a) - no mancal esquerdo da laminação l; b) - no mancal direito da laminação l; c) - no man cal direito da laminação 2; d) - no mancal esquerdo da laminação 2.

Na indústria registrou-se o sinal emitido pela célula de carga para posteriormente através da calibração determinar a força. A fig. 5.8 mostra esquemàticamente como se determina a força. A célula de carga fornece um sinal à ponte e esta ao re gistrador. O registrador fornece a relação entre os centimetros de papel e a diferença de potencial.



Fig. 5.7 - a) - posicionamento do sensor na laminação l. b) - posicionamento do sensor na laminação 2. l - fuso de aperto; 2 - célula de carga ( sen sor ); 3 - copo de segurança; 4 - mancal supe rior; 5 - pescoço do cilindro superior.

Posteriormente a curva de calibração dá a relação entre a dife - rença de potencial e a força.



Fig. 5.8 - Representação esquemática da conversão do si nal, emitido pelo sensor, em força.

A fig. 5.9 nos mostra um dos registros de força, onde se tem no eixo das ordenadas os centímetros de papel já convertidos em força. No eixo das absissas se tem o tempo (velocidade do papel do registrador).





Fig. 5.9 - Registro de força nos dois mancais superiores. ( laminação l ) .

Para registrar as medidas usou-se um registrador Philips, tipo PM 8010, com dois canais.

## 6 - MEDIDAS, RESULTADOS E DISCUSSÃO

# 6.1 - RESULTADO DAS MEDIDAS DE FORÇA E RESISTÊNCIA À DEFORMAÇÃO

## 6.1.1 - As forças obtidas nas laminações l e 2

A Tab.. 6.1 mostra as dificuldades encontradas nas 10 ex periências realizadas na indústria. O funcionamento perfeito do conjunto mecânico-eletrônico com registro simultâneo da variação de força nos 2 mancais foi obtido em três experiências. Vários ensaios com êxito parcial confirmam a representatividade dos dados obtidos. A lista de operações preliminares é : ajuste do balanço ( parte real e imaginária ) do sinal de saída das pontes , ajuste da sensibilidade de saída das pontes, ajuste do ganho dos registradores e verificação do nível de ruído.

TABELA (6.	1) - NÚME	CRO DE EXPERI	ÊNCIAS REALIZADAS NA INDÚSFRIA.
EXPERIÊNCIA	DATA	LOCAL	OBSERVAÇÕËS
1	13/04/75	Laminação 2	Medidas desprezadas devido ao exesso de de ruido nos dois sensores.
2	06/06/75	Laminação 2	Somente um anel funcionou, no outro foi destruida a proteção.
3	27/06/75	Laminação l	Somente um dos anéis funcionou, no outro havia um exesso de ruido.
4	15/07/75	Laminação ).	Os dois anéis funcionaram, mas as prote- ções não casaram com os fuzos de aperto.
5	06/08/75	Laminação l	Obteve-se sucesso nas medições.
6	23/10/75	Laminação 2	Um dos anéis não funcionou.
7.	27/10/75	Laminação 2	Um dos anéis não funcionou e no outro havia um constante desbalanço.
. 8	04/11/75	Laminação 2	Medidas consideradas boas, houve proble- ma na calibração dos senssores.
9	08/06/75	Laminação 2	Obteve-se sucesso nas medições.
10	09/06/75	Laminação 2	Obteve-se sucesso nas medições.

O nível de ruído pode ser minimizado com convenientes ligações en tre os "terras" dos instrumentos ( incluindo o motor acionador do trem de laminação ), evitando a formação de malhas de corrente. Estas operações são efetuadas com o trem funcionando a vazio (sem passagem de barra nos laminadores ).

Os dois conjuntos de laminadores usados para as medições de forças eram gaiolas tipo trio (fig. 6.1). Foram medidas as forças para os passes localizados entre o cilindro superior e o cilindro intermediário. A potência nominal do motor acionador na l<u>a</u> minação l é de 905 HP e na laminação 2 de loco HP.



Fig. 6.1 - Desenho de uma gaiola de laminação com três ci lindros (trio): a) - guia inferior de saída; b) - guia superior de saída; c) - guia de en trada; d) - guia de saída; e) - fuso de aper to; f) - copo de segurança; g) - mancal superi or. A Tab. 6.2 contém o resultado das medidas de força para cada passe entre o cilindro superior e o cilindro médio, na primeira gaiola da laminação l ( experiência 5 da Tab. 6.1 ) . As forças indicadas representam o valor médio de um conjunto de seis me didas de cada passe, realizadas durante a laminação de um aço SAE lolo.

TAB: 6.2	2 - MEDID LAMIN	as de fo ado a un	DRÇA DE UM 1A TEMPERA	AÇO SAE 1 I'URA APROX	010 (0,1 TADA DI	12%C; 0, E 1200°C	63%Mn; (	),07%(r),	
PASSE	PASSE 1° MANCAL SENSCR esq. dir.		. 30	2	5	, o	7°.		
SENSCR			MANCAL esg.   dir.		MANCAL esg. dir.		MANCAL esa. dir.		
FORÇA (t)	7,6±0,8	31,5±2	20,6±1,6	·25,8±1,5	20±1,6	11±1	23,8±1	22,5±0,5	
FORÇA TOTAL	(39 ± 2) t		(46 ± 2) t		(33.±2) t		(26 ± 1) t		
INCER- TEZA	6%		48		6%		48		

A Tab. 6.3 mostra os valores das forças medidas na lamina ção 2 ( experiências 9 e lo da Tab. 6.1 ) . Os valores apresentados correspondem à média de um conjunto de vinte e uma ( 21 ) medidas de cada passe realizadas durante a laminação de um aço SAE lo45.

TAB. 6.	3 - MEDIDA LAMINA	AS DE FOI ADO A UM	RÇA DE UM A TEMPERA	I ACO SAE 1 TURA APPOX	045 (0,42 IMADA DE	€C; 0,57 1180°C.	7ª'in; 0,	,016%Cr),	
PASSE	20	2°		40				80	
	MANCAI		MANCAL		MANCAL		MANCAL .		
SENSOR	esą.	dir.	esq.	. dir.	esa.	dir.	esa.	dir.	
FORÇA (t)	18,0±1,1	2,9±0,1	8,4±0,4	17,9±0,9	17,7±1,1	11,8±0,0	3,∩±0,∷	222,2±1,1	
FORCA TOTAL	20,9 ± 1,1		26,3 ± 1,0		29,5±1,3 -		25,2 ± 1,1		
INCER- TEZA	5%		48		4%		48		

### 6.1.2 - A resistência à deformação obtida na laminação 1 e 2

A Tab. 6.4 contém a resistência à deformação das laminações l e 2. As áreas de contato foram determinadas pelo processo grá fico ( Apêndice A ) .

6.1.3 - A resistência à deformação obtida num martelo de queda

A Tab. 6.5 e a fig. 6.2 contém a resistência à deformação , obtida para um aço SAE lolo em função da temperatura, através do martelo de queda.



Fig. 6.2 - Resistência à deformação de um aço SAE lolo em função da temperatura ( martelo de gueda ) .

6.2 - RESULTADOS DOS CÁLCULOS DE FORCA E RESISTÊNCIA À DEFORMAÇÃO A PARTIR DOS MODELOS TEÓRICOS

6.2.1 - Dados característicos das laminações l e 2 (calibração temperatura e rotação)

	LAMINAÇÃO L					LAMINAÇÃO 2			
Passes	19	39	59	79	29	49	69	89	
Area de contato (mm <sup>2</sup> )	7300±5%	5596±5%	4252±5%	3130±5%	4300±5%	5180±5%	3460±5%	3700±5%	
Força medida (kgf)	39000±6%	46000±4%	33000±6%	26000±4%	20900±5%	29500±5%	26300±5%	25200±5%	
Resistência a deformação (kgf/mm <sup>2</sup> )	5,3±5%	8,2±6%	7,8±8%	8,3±6%	4,9±7%	5,7±7%	7,6±7%	6,8±7%	

TABELA (6.5	) - RESISIEN	CIA A DEFORM	AÇAO OBTIDA	NO MARIELO I	DE QUEDA.				
MATERIAL SAL	E 1010	(0,12% C;	<u>0,12% C; 0,63% Mn; 0,07% Cr</u> )						
ENSAIO N <sup>Q</sup>	1	2	3	4	5				
h <sub>o</sub> (mm)	22,9±0,05	22,6±0,05	23,3±0,05	22,8±0,05	22,55±0,05				
hl(mm)	16,0±0,05	15,0±0,05	14,3±0,05	13,5±0,05	11,8±0,05				
Δh (mm)	6,9±0,1	7,6±0,1	9,0±0,1	9,3±0,1	10,65±0,1				
d <sub>o</sub> (mm) .	14,85±0,05	14,95±0,05	14,95±0,05	14,95±0,05	14,95±0,05				
T '(9C)	950 <u>+</u> 10	1000 ± 20	1100 ± 20	1150 <sup>±</sup> 30	1.200 <sup>±</sup> 40				
v (mm/s)	3300 <sup>+</sup> 6k	3300 - 6%	3300 ± 68	3300 - 6%	3300 - 68				
$m \left(\frac{kgf.s^2}{mm}\right)$	0,0039± 3%	0,0039-38	0,0039-38	0,0039-3%	0,0039 <sup>±</sup> 38				
V (mm³)	3964 ± 24	3965 <sup>±</sup> 24	4088 - 25	3947 <del>+</del> 24	3930 <sup>±</sup> 24				
h <sub>o</sub> /h <sub>1</sub> (-)	1,4 - 1	1,5 <sup>±</sup> 1	1,6 - 1	1,7 ± 1	1,9 ± 1				
1 (-)	0,3577-10%	0,4055-10%	0,4886-10%	0,5247 -108	0,6471-10%				
k <sub>w</sub> (kgf/mm <sup>2</sup> )	14,7 - 2,2	13,0 <sup>±</sup> 1,95	1.0,4 ±1,56	10,0 ± 1,5	8,2 ± 1,23				

÷.

.

. 6-6

.



- Fig. 6.3 a) Conjunto dos cilindros e canais utilizados na laminação l.
  - b) Conjunto dos cilindros e canais utilizados na laminação 2 .

Como as medições foram realizadas em gaiolas de laminações diferentes, apresenta-se as condições geométricas para cada uma delas em particular. A fig. 6.3 mostra o desenho do conjunto , cilindros e canais, para as laminações l e 2. Nos dois casos fo ram medidos os esforços para os passes localizados entre o cilin dro superior e o cilindro intermediário.

A fig. 6.4 mostra a calibração empregada na laminação l e a fig. 6.5 a calibração empregada na laminação 2 .



Fig 6.5 - Calibrepão utilizada na laminação 2.

A Tab. 6.6 contém, tanto para a laminação l como para a la minação 2, os dados referentes às dimensões dos perfis, a composição química do material laminado, a rotação nominal, diâmetro, luz e qualidade dos cilindros e temperatura. A microestrutura do material laminado é vista na fig. 6.6.

Para medir temperatura utilizou-se um pirômetro ótico. A fim de minimizar os erros de medidas, estas foram obtidas por vá rias pessoas. Na laminação l usou-se um pirômetro ótico da PYRO-WERK GMH, tipo OPTIX, e na laminação 2, marca PYROLUX, ti -

ТАБ. б.	б — Tabela	de dados		5					
LAMINAC	ÃO 1			4	LAMINACA	io 2			
Materia	1: 0,12%C	- 0,63%Mn	- 0,07%Cr	×	Material	: 0,42%C	0,57%Mn	- 0,016%Cr	
Potação	Nam.: 85	RFM ± 5 %			Rotação	Nom.: 141	RPM - 5	8	
Diârctr	o Cilindro	s: Sup. 4	80 - Med.	477 - Jnf. 474mm	Diâmetro	Cilindro	s: Sup. 3	35 - Med.331 - Inf. 327mm	
Tipos de	e Cilindro	s: Aço Fur	ndido		Tipos de Cilindros: Aço Fundido				
	PASSES					PAS	SES		
	١٩	39	59	79	29	4 <b>°</b>	6 <sup><b>°</b></sup>	.89	
h_ (mm)	106±0,5	107,2 <u>+</u> 0,5	60,3±0,5	40,3±0,2	105±0,5	127±0,5	111±0,5	97±0,5	
h1 (mm)	76±0,5	68±0,5	36±0,5	22±0,2	90±0,5	107±0,5	90±0,5	72±0,5	
h (mm)	30±1,0	39±1	24-1	18±1	15±1	20+1	21 <u>+</u> 1	25±1	
bo (mm)	106±0,5	107,2 <u>+</u> 0,3	60,3±0,3	40,3+0,2	90±0,5	106±0,5	88±0,5	69±0,5	
b <sub>1</sub> (mm)	106-0,5	107±0,5	72,5_0,5	54,5±0,2	94±0,5	108±0,5	94±0,5	73±0,5	
b <sub>m</sub> (mm)	106±13	107±1%	66,5 <u>+</u> 1%	47,5 <u>+</u> 1%	92±1%	107 <u>+</u> 1%	91 <u>+</u> 1%	71118	
T (°C)	1220±1%	1200±18	1200±1%	1200±1%	1180±1%	1170±1%	1160±1%	1150±1%	
A <sub>O</sub> (nm)	10680 <u>+</u> 1%	6920±1%	3473±18	1490±1%	9340±18	7740±1%	5650±18	3940±1%	
A1 (mm <sup>2</sup> )	7813±1%	4453±1%	2170±1%	870±1%	8540±1%	6800±1%	4970±1%	3180±1%	
S (mm)	6	6	6	6	8	8	8	8	

•

(a)



Fig. 6.6 - Micrografia dos aços laminados. Ataque: nital , 200 X . a) - laminação l ; b) - laminação 2 .

A rotação foi medida através da força eletromotriz gerada por um motor de corrente contínua (taco-gerador). A calibração foi levantada no laboratório, obtendo-se uma relação linear ( ± 2 % ) entre a força eletromotriz gerada e a rotação. Mediu-se a variação da rotação apenas na laminação 2.

6.2.2 - Resultados obtidos dos diferentes modelos

Observa-se que existe uma série de dados que são comuns a cada modelo. No entanto, cada modelo tem modos particulares de determinar : a altura média dos calibres, o raio médio, a veloci dade de deformação, etc ... A Tab. 6.7 mostra os dados obtidos para o modelo de Ekelund. A Tab. 6.8 para Geleji e a Tab. 6.9 pa ra Sims.

#### 6.3 - RESUMO DOS RESULTADOS MEDIDOS E CALCULADOS

As figuras 6.7, 6.8, 6.9, e 6.10 mostram os resultados medidos e calculados das forças e da resistência à deformação, para cada modelo e para cada laminação.

TABELA (	5.7) - MOD	ELO DE EKI	ELUND						
		laminação	l	¥1		LAMINAÇÃO	2		
PASSES	١°	39	59	79	28	49	69	89	1
C <sub>0</sub> (-)	0,6	0,55	0,6	0,6	0,6	0,55	0,55	0,55	Tab. (3.2)
hom(mm)	63±5、	59±5	36±3	24±1	63±6	70±7	61±6	53±5	Eq. (3.20)
C1(-)	0,6	0,55	0,6	0,75	0,6	0,55	0,55	0,55	Tab.(3.2)
hlm(mm)	45 <u>+</u> 3	38±3	21±2	16±2.	54±5	59+6	50±5	40±4	Eq. (3.20)
μ (-)	0,352±2%	0,36±2%	0,36±2%	0,36±2%	0,37±2%	0,37±2%	0,38±2%	0,38±2%	Fg. (3.16)
R (mm)	205±0,5%	208±0,5%	225±0,5%	232±0,5%	121±0,5%	117,5±0,59	127±0,5%	136,5±0,55	Fundo do Canal
v(mm/s)	1800±5%	1900±5%	2000±5%	2000±5%	1630±5%	1590±5%	1720±5%	1840±5%	Fundo do Canal
σ <sub>(kgf/mm<sup>2</sup>)</sub>	3,9±0,2	4,3-0,2	4,3±0,2	4,3±0,2	5,3±0,2	5,5±0,2	5,8±0,2	6,0±0,2 .	Eq. (3.17)
n(kgf.s/mm2	0,018±5%	0,020±5%	0,020±5%	0,020±5%	0,022±5%	0,023±5%	0,024±5%	0,025±5%	Eg.(3.18)
(s <sup>-1</sup> )	13±16%	17±16%	23±16%	28±16%	3,46±20%	4,13±20%	12,63±20%	15,96±20%	Eq. (3.19)
<u>X (-)</u>	1,07±48	1,05±4%	1,23±4%	1,38 <sup>±</sup> 4%	1,06±2%	1,04+28	1,05±2%	1,06±2%	Eg. (3.13)
kf (kgf/mm2)	4,1±6%	4,7±6%	4,8±6%	4,9±6%	5,39±3%	5,60±3%	6,05±5%	6,39±5%	Eq.(3.14)
$k_{W}$ (kgf/mm <sup>2</sup> )	4,4±10%	4,9±10%	5,9±10%	6,8±10%	5,8±5%	5,8±5%	6,4-7%	6,8±7%	Eq. (3.12)
1 <sub>d</sub> (nm)	78,4±2,5%	90,4±2,5%	74,0±2,5%	65,1±2,5%	42,6±2,5%	48,5±2,5%	51,6±2,5%	58,4±2,5%	Eq. (2.5)
$A_d$ (mm <sup>2</sup> )	8310±3%	9680±3%	4910±3%	3090±3%	3920±3%	5190±3%	4700±3%	4150±3%	Eq.(3.11)
F(kgf)	37000±13%	47500-13%	29000±13%	21000±13%	11800_8%	30000±8%	30000±10%	28000±10%	Eq.(3.10)

.

÷.

.

.

	<u></u>						•			
ABELA 6.8	- MODELO D	E GELEUI LAMINA(	ÇÃO 1			LAMINAÇÃO 2				
asses	٦Ŷ	39	5 <b>9</b>	7 <sup>0</sup>	2 <sup>0</sup> .	49	69	89		
1 <sub>0</sub> m (nm)	101±3%	65±3%	52±3%	31±3%	101,5±1,4	72,3±1	62,1±0,8	55,5±0,8	Eq. (3.36	
ılm (mm)	74±3%	42 <u>+</u> 3%	33±3%	18±3%	92,8-1,3	63,6±0,8	54,6±0,8	44,8±0,6	Eq. (3.37	
(mm) m <sub>cl</sub>	27±10%	23 <u>+</u> 10%	19-10%	13 <u>+</u> 10%	8,7±23%	8,7±41%	7,5±13%	10.7±9%	Eq. (3.38	
Yn (nen)	87±23	53 <u>+</u> 2%	42±2%	25±2%	97,2±1,4%	67,9±1%	58,3±1%	50,1±2%	Eq. (3.35)	
Rm (mm)	203±1%	221±1%	226±1%	231±1%	124±1%	138,7±1%	143,2±1%	148,1±1%	Eq. (3.33	
v (mn/s)	1808±5%	1967±5%	2012±5%	2054_5%	1676±5%	1873±5%	1934±5%	2000±5%	Eq. (3.32	
J (kgf/nm2)	3,9±4%	4,3±4%	4,3±4%	4,3±4%	5,3±4%	5,5-4%	5,8±4%	6,0±4%	Eq. (3.17	
(-) <u>د</u>	0,34±2%	0,34±2% .	0,34±2%	0,33±2%	0,366±2%	0,36±2%	0,362±2%	0;363±2%	Eq. (3:29	
1 <sub>d</sub> (nm)	74±5%	71±5%	66±5%	55±5%	32,8±12%	34,7±6%	32,8±7%	39,8±5%	Eq. (3.22	
<sup>1</sup> d/m(-)	0,85±7%	1,34±7%	1,57±7%	2,21±7%	0,34±13%	0,51±7%	0,56±8%	0,79±7%	-	
C	5,2±8%	4,5±8%	3,9±7%	2,7±6%	10,2-7%	7,5±7%	7,0±7%	5,3±78	Eq. (3.26 Eq. (3.27	
ĸ	2,8±15%	3,4±12%	3,5±8%	3,4±10%	2,4±1.2%	2,6±9%	2,7-98	2,8±10%	Eq. (3.25	
¢(s <sup>-1</sup> )	7,7±20%	12,0±17%	13,8±17%	19,7±17%	4,6±40%	6,9±23%	7,6±26%	10,7±20%	Eq. (3.34	
kf (kgf/nm <sup>2</sup> )	5,4±8%	6,9±8%	7,3±8%	8,6+8%	6,5±6%	7,4-5%	7,9±6%	9,2±5%	Eq. (3.24	
kw(kgf/mm2)	15-23%	23±20%	25±20%	29±20%	16±18%	19±14%	21±15%	26±15%	Eq. (3.23	
Ad (mn <sup>2</sup> )	7900±5%	7600±5%	4400±5%	2600±5%	3020±12%	3720+6%	2980±7%	2830±5%	Eq. (3.22	
F(leaf)	118000±28%	176000±259	110000±25%	75000±25%	48000±30%	71000±20%	63000±22%	74000±20%	Eq. (3.21	

		. · · ·	1. T			·.			
TABELA 6.9	) - MODELO	DE SIMS	·						
	•	LAMINAÇÃO	1						
Passes	٦٩	39	59	78	29	49	6 <b>9</b>	- 8 <b>9</b>	
Δ <sub>h</sub> (nm)	30±5%	39±5%	24±5%	18±5%	15±5%	20±5%	21±5%	25±5%	h=ho-h1
R(nm)	240±0,5	240±0,5	240±0,5	240±0,5	167,5±0,5	167,5±0,5	167,5±0,5	167,5±0,5	do cilind.
ε(-)	0,28±5%	0,36±5%	0,40±5%	0,45±5%	0,14±5%	0,16±5%	0,19±5%	0,26 <u>+</u> 5%	Eq. (3.35)
ho/h1(-)	1,39±1%	1,57±1%	1,67±1%	1,83±1%	1,17±1%	1,19±1%	1,23±1%	1,35±1%	1
φ(s <sup>-1</sup> )	0,33±7%	0,45±7%	0,51±7%	0,60±7%	0,15±7%	0,17±6%	0,21±5%	0,30±3%	Eq.(3.7)
v(mm/s)	2136±5%	2136±5%	2136±5%	2136±5%	2260±5%	2260±5%	2260±5%	2260±5%	velocidade
1 <sub>d</sub> (mm)	84,8±3%	97±3%	76,4±3%	66,3±3%	50,12±3%	57,88±3%	59,31±3%	64,71±3%	ld=√R,Ah'
φ'(s <sup>-1</sup> )	8,3+15%	10±15%	14,4±15%	19,5±15%	7,0±15%	6,6±14%	8,0±13%	10,5±13%	Eq. (3.8)
kf (kg/nm <sup>2</sup> )	9,0±1	9,5±1	9,5±1	10±1	8,0-1	8,0±1	9,0 <u>+</u> 1	10±1	Apêndice B
R/h1(-)	3,2±1%	3,5±1%	6,7±1%	10,9±1%	1,9±1%	1,6±1%	1,9±1%	2,3±1%	-
Q <sub>12</sub> (-)	0,8±0,05	0,85±0,05	1,1±0,05	1,2±0,1	0,80±0,08	0,80±0,08	0,85±0,08	0,90±0,09	Fig.3.1
K., (kgf/mm <sup>2</sup>	7,2±20%	8,1±20%	10,4-20%	12±20%	6,4±20%	6,4±20%	7,6±20%	9,0±20%	Eg.(3.9)
$A_{d}$ (nm <sup>2</sup> )	9000±4%	10400 48	5100±4%	3100±4%	4600±4*	6200_4%	5400±488	4600±4%	Eq. (2.3)
F(kgf)	65000±24%	84100±24%	52700±24%	37700±24%	30000±23%	40000-25%	41000±24%	41000±24%	Eq. (3.1)

6-13

305

.

.



Fig. 6.7 - Força de laminação calculada e medida para cada passe (laminação 1 ) . ESCOLA DE ENGENHARIA BIBLIOTECA



Fig. 6.8 - Força de laminação calculada e medida (laminação 2) .

15









#### 7. - DISCUSSÃO DOS RESULTADOS OBTIDOS

### 7.1 - A CÉLULA DE CARGA

A célula de carga construída é ainda sensível ao tamanho da superfície de contato, isto é, a distribuição das tensões depende da superfície de contato. As células de carga empregadas <u>e</u> xigiram para cada laminadora uma calibração especial, dependendo das dimensões do fuso de aperto, do copo de segurança e da dis ponibilidade de altura entre o fuso de aperto e o mancal.

#### 7.2 - FORÇA E RESISTÊNCIA À DEFORMAÇÃO

No cálculo da força através do modelo de Ekelund uma grande imprecisão é ocasionada na determinação das alturas médias ( eq. 3.20), o que acarreta  $\frac{4}{2}$  20 % de incerteza no valor da velocidade de deformação ( $\phi$ ). No entanto, ao se calcular o fator de geometria K ( $\pm$  2 a  $\pm$  4%) a imprecisão existente nos valores di<u>s</u> cutidos acima desaparece. A imprecisão no cálculo final da força F ( $\pm$  8 a  $\pm$  13 %) se dá principalmente pela determinação da resistência ao escoamento no ensaio estático  $\sigma$  ( $\pm$  5%) e pela <u>á</u> rea de contato Ad ( $\pm$  3 %).

No modelo de Geleji toda imprecisão está apoiada na determinação das alturas médias h ( eq. 3.36 ) e h<sub>l</sub> ( eq. 3.37 ).

Imprecisões em alturas médias de  $\frac{+}{2}$  3% acarretam na velocidade de deformação imprecisão de  $\frac{+}{2}$  17 a  $\frac{+}{2}$  40% e consequentemente  $\frac{+}{2}$  14 a  $\frac{+}{2}$  20% no valor da resistência à deformação, que afeta da pela imprecisão da área de contato  $\frac{+}{2}$  5 a  $\frac{+}{2}$  12 % acarreta  $\frac{+}{2}$  20 a  $\frac{+}{2}$  30% de imprecisão no cálculo da força de laminação.

Geleji, na obra consultada [2.3], descreve dois modelos para laminação de perfis: o primeiro deles para perfis pesados ( trilhos e ferro U) não leva em consideração a velócidade de de formação ( $\dot{\phi}$ ) na determinação da resistência ao escoamento ( $k_f$ ) O segundo, desenvolvido para a laminação de fio-máquina [2.3], tomado como base para os cálculos, considera a influência da velocidade de deformação ( $\dot{\phi}$ ), porém os valores são excessivamen

te altos quando comparados com os valores obtidos através das Curvas de Escoamento desenvolvidas pela BISRA (British Iron and Steel Research Association), apresentadas no Apêndice B, acarre tando um valor alto para a resistência à deformação e consequentemente para a força calculada. Mesmo fazendo  $\dot{\Phi} = 0$ , no modelo de Geleji, os valores obtidos são maiores que aqueles obtidos através dos outros modelos. Esta verificação é contrária aos va lores encontrados por Schwezfeier e Pawelski [7.1], que concluem sendo os modelos de Geleji e Ekelund os que melhores resultados deram para o desbaste.

No modelo de Sims o fator que mais afeta a imprecisão no cálculo da resistência à deformação ( $\frac{+}{2}$  20 %) e da força ( $\frac{+}{2}$  24 %) é a determinação da resistência ao escoamento ( $k_{\rm f}$ ) atra - vés das curvas de escoamento (Apêndice B).

Nos valores de força obtidos através de medições atribui se a imprecisão à distribuição de tensões da célula de carga. O valor medido da resistência à deformação é afetado de erro devido à imprecisão na determinação da área de contato. A área de contato será assunto de um futuro trabalho.

Quanto à resistência à deformação obtida no martelo de queda é necessário estudar com maiores detalhes a velocidade de deformação, registrando simultaneamente a variação de força de compressão. Influência de pequenas variações de temperatura (20 9C) também deverão ser computadas. O valor obtido para o a ço SAE lolo a uma temperatura de 1200 9C é aproximadamente igual àquele verificado na laminação 1.

O fato da resistência à deformação para o aço SAE lo45 ( laminação 2) ter resultado menor que para o aço SAE lolo (laminação 1) é devido a maior velocidade de deformação ( $\dot{\phi}$ ) na l<u>a</u> minação 1.

Os valores da resistência à deformação medidos para o aço SAE lolo (laminação l) que variam de 5,5 a 8 kgf/mm<sup>2</sup> são compatíveis com os valores encontrados por Delgadilho [7.2] na laminação de um aço SAE loo6.

#### 7.3 - IMPRECISÃO DOS DADOS E RESULTADOS

As faixas das incertezas mostradas nos gráficos Fig. 6.7, Fig. 6.8, Fig. 6.9, Fig. 6.10 foram obtidas a partir das incertezas atribuidas a cada grandeza que compõe as fórmulas teóricas de cálculo (Tab. 6.7, Tab. 6.8 e Tab. 6.9). A imprecisão na for ça medida é proveniente da imprecisão da curva de calibração da célula de carga (Fig. 5.6).

### 8 - CONCLUSÕES

Com o desenvolvimento da célula de carga ou sensor torna se possível efetuar medições de força em qualquer laminado ra convencional. Nas medições realizadas a imprecisão foi de 4 a 6%. O modelo que melhor se adapta para determinar a força de laminação e a resistência à deformação é o Processo de Ekelund.

Considerando-se uma tolerância de <sup>±</sup> 25 % os modelos de Sims e Ekelund apresentam os mesmosresultados que os medidos.

Pode-se considerar válidas as conclusões acima para o caso de laminação de aço comum ao carbono nas cadeiras do desbaste.É possível que para o trem acabador as conclusões sejam outras, co mo já verificaram Schwenzfeier e Pawelski [7.1].

Com o emprego de um martelo de queda pode-se avaliar o valor da resistência a deformação dos materiais utilizados nas laminações .

#### 9 - SUGESTÕES PARA FUTUROS TRABALHOS

Tendo em vista a necessidade de se conhecer o valor da resistência à deformação ( $k_w$ ) é interessante explorar com mais detalhes os valores obtidos através do martelo de queda existen te no laboratório. Assim pode-se ter uma idéia sobre o valor de  $k_w$  na laminação. Para se determinar a área de contato entre a barra e cilindro é necessário um acompanhamento através de bar ras que ficarem trancadas no canal e daí então medir a área de contato na própria barra.

Dependendo do interesse da indústria, talvez seja necessário um acompanhamento da variação da força ou da resistência à deformação decorrentes da variação da temperatura, composição química, redução, etc... Da mesma forma é necessário medir se ainda o torque.

Para se tornar o método de medição de força em laminação menos trabalhoso, minimizando os custos operacionais, é necessário desenvolver um novo modelo de sensor, evitando-se que diferentes superfícies de contato influam nas curvas de calibração.

#### APÉNDICE A

#### ÁREA DE CONTATO NA LAMINAÇÃO DE PERFIS

Para chapas e para todos os materiais de secção retangular em geral a área de contato é calculada por

$$Ad = l_d \cdot b_m \tag{A.1}$$

onde l\_d é o arco de contato e b\_m a largura média do material l\_a minado (fig. A.l ) .



Fig.(A.1) - Área de contato entre o material laminado e os ci lindros [A.1].

Em se tratando de produtos de secções não retangulares então a determinação da área de contato se torna bem mais compli cada. Existem vários processos para o cálculo da área de conta to. Abaixo estão descritos os quatro métodos mais usuais:

A-1

#### a) - MÉTODO DOS RETÂNGULOS EQUIVALENTES

## a.1 - Método de Geleji [A.2]

Determina-se um retângulo equivalente que tem a largura  $b_m$ igual a largura média entre o material de entrada  $b_o$  e o de saída  $b_1$ , ou seja (fig. A.2)

$$b_{\rm m} = \frac{b_{\rm o} + b_{\rm l}}{2}$$







Fig.(A.2) - Determinação dos retângulos equivalentes e das alturas médias de perfis (conforme GELEJI).

A altura do material de entrada ( h ) e do material de saída (h ) é :

$$h_{o_m} = A_o/b_m$$

onde A<sub>o</sub> é a secção do material de entrada e  $A_1$  a secção do material de saída.

A-2

(A.2)

A-3

O arco de contato é calculado por :

$$l_{d} = R_{m} \cdot (h_{o_{m}} - h_{l_{m}}) = R_{m} \cdot h_{m}$$
 (A.3)

onde

$$R_{\rm m} = \frac{\frac{D_{\rm c} - h_{\rm l}}{m}}{2}$$

sendo D<sub>c</sub> a distância entre os centros dos cilindros. A área de contato é determinada pela eq.(A.l) a partir dos resultados obtidos das eq.(A.2) e (A.3).

#### a.2 - Método da maior largura ( NEUMANN )

Determina-se um retângulo equivalente que tem a largura igual à largura maior do material [A.3]. A altura do material de entrada (h) e do material de saída (h) é:

$$h_{o_m} = A_o/b_o$$

 $h_{l_m} = A_l/b_l$ 

onde A  $_{0}$  é a secção do material de entrada e A  $_{1}$  a secção do material de saída (fig. A.3).



Fig.(A.3) - Determinação da altura média pelo método da maior largura (A.3)

O arco de contato é calculado pela eq. A.3 e a largura média pela eq. A.2 . A área de contato é calculada pela eq. A.1 e os re sultados obtidos das eq. A.2 e A.3 .

#### b) - MÉTODO CONVENCIONAL ( recomendado pela firma AKERS [A.4])

Nesse caso toma-se as alturas máximas  $h_0 e h_1$  dos perfis e o raio R no fundo do canal (fig. A.4).



Fig. A.4 - Dimensões a serem usadas para o cálculo da área de contato.

O arco de contato é calculado pela expressão

$$l_a = R.(h_a - h_1) = R.h$$
 (A.4)

A área de contato é determinada pela eq. A.l a partir dos resultados obtidos das eq. A.2 e A.4 .

c) - MÉTODO GRÁFICO

Normalmente os processos dos retângulos equivalentes não <u>a</u> presentam resultados satisfatórios. O método gráfico é mais preciso e encontra-se detalhado nas referências [A.5], [A.6] e[A.7]. A fig. A.5 mostra a sistemática empregada.



Fig. A.5 - Processo gráfico para a determinação da área de con tato.

## d) - RESULTADOS OBTIDOS PARA AS ÁREAS DE CONTATO EM ALGUNS PAS-SES DE UM DESBASTADOR

São apresentados alguns resultados obtidos aplicando-se os métodos acima descritos para os passes impares da primeira gaiola do desbaste de uma calibração de fio-máquina. O método gráfi co [A.4] foi empregado com fim comparativo uma vez que é um dos métodos mais precisos.



- <u>1</u>			
	h_ =	106	mm
R	b_ =	106	nvn
	$h_1 =$	76	mm
	$b_1 =$	106	mm
	b =	, 106	mm
	A	10680	mm
bo	A <sub>1</sub> =	7813	mm
	D_ =	484,5	nım
	R =	240	min
	S ==	6	IUM

A-5

14	-
Δ	 F
	Ο.

Dados Modelos	h	<sup>b</sup> o <sub>m</sub>	h <sub>lm</sub>	h <sub>m</sub>	R <sub>m</sub>	l <sub>d</sub>	Ad
Geleji (A.l)		100,7	73,7	27,0	205,5	74,5	7901
Neumann (A.2)		100,75	73,7	27,05	205,5	74,5	7901
Akers (b)	30				207,0	78,8	8353
Gráfico (c)							7300

## d.2 - Quadrado entrando num losango ( 3º passe )



h	=	107,2	mm
b	=	107,2	mm
h	=	68,0	nm
b	=	107,0	mm
bm	=	107,0	mm
A	=	6920,0	mm <sup>2</sup>
A	=	4453,0	mm <sup>2</sup>
D	==	484,5	mm
R	==	240,0	mm
S	m	6,0	mm

Dados Modelos	h	h <sub>om</sub>	<sup>h</sup> l <sub>m</sub>	h <sub>m</sub>	R <sub>m</sub> -	ld	Ad
Geleji (A.1)		64,6	41,6	23,0	221,5	71,4	7636
Neumann (A.2)	1	64,5	41,6	22,9	221,5	71,2	7620
Akers (b)	37					94,2	10083
Gráfico (c)	-						5596

d.3 - Secção quadrada formando um oval sueco ( 59 passe )



h	ho <sub>m</sub>	h <sub>lm</sub> .	h <sub>m</sub>	R <sub>m</sub>	l <sub>d</sub>	Ad
	52,2	32,6	19,6	225,9	66,5	4425
	57,6	29,9	27,7	227,3	79,3	5277
24,3					76,4	5078
						4252
	h 24,3	h h <sub>om</sub> 52,2 57,6 24,3	h h <sub>om</sub> h <sub>lm</sub> . 52,2 32,6 57,6 29,9 24,3	h h <sub>om</sub> h <sub>lm</sub> h <sub>m</sub> h <sub>m</sub> 52,2 32,6 19,6 57,6 29,9 27,7 24,3	h  h  h  h  R    52,2  32,6  19,6  225,9    57,6  29,9  27,7  227,3    24,3	h      h      h      h      R      1      d        52,2      32,6      19,6      225,9      66,5        57,6      29,9      27,7      227,3      79,3        24,3      76,4

## d.4 - Perfil quadrado entrando num oval ( 7º passe )



h	=	40,3	mm
b	=	40,3	mm
h	=	22,0	mm.
b	=	54,5	mm
b_	=	47,5	mm.
A	=	1490	mm <sup>2</sup>
A	=	870	$mm^2$
D	=	484,5	mm
R	=	240	mn
S	=	6	mm

A-7

8-A

Dados Modelos	<sup>-</sup> h	h <sub>om</sub>	h <sub>lm</sub>	, <sup>h</sup> m	R <sub>m</sub> .	l <sub>d</sub>	Ad
Geleji (A.l)		31,4	18,3	13,1	233,1	55,3	2625
Neumann (A.2)		37,0.	16,0	21,0	234,2	70,1	3331
Akers (b)	18,3		1		3	66,3	3148
Gráfico (c)	•					X2	3130

e) - RESUMO DOS RESULTADOS

A fig. A.6 apresenta um resumo comparativo dos resulta dos obtidos.



Fig. A.6 - Gráfico apresentando os valores das áreas de contato através dos diferentes métodos.

Observa-se que o 3º passe ( quadrado entrando num losan go ) ocasiona a maior discrepância. Também se pode observar que quanto menor a secção, menor é a discrepância; se esta afirmação vale também para o trem acabador nos faltam dados experimentais para comprovar.

# APÊNDICE B

# CURVAS DE ESCOAMENTO A QUENTE DE AÇOS
TABELA (B.1) - APRESENTAÇÃO CONJUNTA DOS AÇOS REPRESENTADOS PELAS CURVAS DE ESCOAMENTO A QUENTE COMFORME FIGURAS B.1 a B.11											
NQ	DENOMINAÇÃO DO AÇO	COMPOSIÇÃO QUÎMICA EM %								INDICAÇÃO	
		с	Si	Mn	P	s	B	Ni	Mo	LITFRATURA	rJ.G.
1	Aço com 0,15 % de C	0,15	0,12	0,68	0,025	0,034				(P.1)	B.1
2	Aço com 0,46 % de C	0,46	0,29	0,73	0,018	0,021	0,08	0,04	0,01	(B.1)	в.2
3	Aço com 0,56 % de C	0,56	0,26	0,28	0,013	0,014	0,12	0,09		(P.1) .	B.3
4	Aço com 1 % de C	1,00	0,19	0,17	0,023	0,027	0,10	0,09		(B.1)	в.4
5	Aço cramo-niquel	0,07	0,43	0,48			18,60	7,70		(B.1)	в.5
6	Aço cramo-niquel-molibdênio	0,35	0,27	0,66	0,029	0,023	0,59	2,45	0,59	(B.1)	в.6
7	Aço manganês-molibdênio	0,35	0,27	1,49	0,037	0,041	0,03	0,11	0,28	(B.1)	B.7
8	Aço crano-Silicio	0,47	3,74	0,58			8,20	0,20		(P.1)	в.8
9	Aço silício-manganês	0,61	1,58	0,94	0,035	0,038	0,12	0,27	0,06	(B.1)	B.9
10	Aço cramo-molibdênio	0,26	0,35	0,57	0,023	0,009	3,03	0,29	0,49	. (B.2)	P.10
11	Aço alto cromo	2,23	0,43	0,37			13,10	0,33		(B.2)	P.11

.

1

1

.

B-2



Fig. B.1 \_\_ Curvas de escoamento a quente de um aço com 0,15 % C.





Fig. B 2 - Curvas de escoamento a quente de um aço com 0,46 % C.



Fig. B.3-Curvas de escoamento a quente de um aço com 0,56% C.





Fia DE Curver de arconomente o queste de um ses Creme Nimed



Fin B.6 - Curvas de escarmenta a quente de um aco Nigual Cromo Malibdânia



Fin 17 - Curves de esceramente a quente de um aco. Manganão Malibdânia



Fia . B 8 - Curvas de escoamento a quente de um aco. Cromo-Silicio



B-12













B-13

## APÊNDICE C

# CRITÉRIOS DE ESCOAMENTO (C.1)

Para transladar o conceito de Resistência ao Escoamento , definido para um estado uniaxial de tensões, para um sistema mais generalizado de tensões, é necessário encontrar uma tensão correspondente à Resistência ao Escoamento. O inicio do escoa mento depende de uma combinação das três tensões principais e é descrita por dois critérios abaixo :

a) Critério da máxima tensão de cizalhamento ( Tresca , Mohr )

 b) Teoria da máxima energia armazenada num corpo (v.Mises, Hencky )

O critério da máxima tensão de cizalhamento pode ser analizado no circulo de Mohr : o escoamento inicia quando a mai or tensão de cizalhamento  $\tau$  atingir um valôr critico . A maior tensão de cizalhamento  $\tau_{max}$ . é a metade do diâmetro do circulo de Mohr (Fig. C.1):



Fig. C.l - Representação do estado de tensões através do circulo de Mohr .

$$\tau_{max} = \frac{\sigma_{1-\sigma_3}}{2}$$

ou

 $2 \tau_{\max} = \sigma_1 - \sigma_3 = \sigma_v$  (C.2)

quando ocorrer escoamento  $\sigma_v = k_f$ 

As tensões normais principais  $\sigma_1$ ,  $\sigma_2$ ,  $\sigma_3$  são ordenadas de tal maneira que

 $\sigma$  < 0 para tensão de compressão  $\sigma$  > 0 para tensão de tração

e suas grandezas:

 $\sigma_1 < \sigma_2 < \sigma_3$ 

Assim, pela teoria da máxima tensaão de cizalhamento , a tensão principal mediana oz, não tem nenhum significado .

A teoria da máxima energia armazenada num corpo (v.Mises) considera todas as três tensões  $\sigma_1$ ,  $\sigma_2$  e  $\sigma_3$  de modo que

$$\sigma_{v} = \sqrt{\frac{1}{2} (\sigma_{1} - \sigma_{2})^{2} + (\sigma_{1} - \sigma_{2})^{2} + (\sigma_{1} - \sigma_{2})^{2}}$$
(C.4)

ocorrendo o escoamento quando  $\sigma_v$  for igual ao valor de  $k_f$  obtido num estado uniaxial de tensões .

Comparando-se as teorias de Tresca e v. Mises tira-se que normalmente a teoria de Tresca dá valôres de  $\sigma_r$  maiores que os valores obtidos da teoria de v. Mises. As duas teorias são iguais para o estado uniaxial de tensões e apresentam uma diferença máxima num estado plano de deformação ou seja para o caso em que

$$\sigma_2 = \sigma_m = \frac{1}{3} (\sigma_1 + \sigma_2 + \sigma_3)$$

(C.5)

C-2

(C.1)

(C.3)

$$\sigma_2 = \frac{1}{2} (\sigma_1 + \sigma_3)$$
 (C.6)

C-3

Assim, pelas equações (C.6),(C.4) e (C.1), vem ;

$$\frac{\sigma_v \text{ Tresca}}{\sigma_v \text{ Mises}} = \frac{2}{\sqrt{3}} \approx 1,15$$
 (C.7)

BIBLIOTECA

## APÉNDICE D

### SISTEMA ELETRÔNICO PARA MEDIÇÕES DE GRANDEZAS FÍSICAS

# a) - INTRODUÇÃO

Quando forças atuam sobre um corpo elástico, o mesmo modifica sua forma. Assim, a deformação, ou melhor a deformação longitudinal do corpo constitui um elemento de medida para as for ças que atuam sobre o mesmo, quando se conhece as proprieda des do material. As deformações são extremamente pequenas, da ordem de lo<sup>-6</sup> até lo<sup>-3</sup>  $\Delta$ l / $\Delta$ l.

Dessa forma, a medida da deformação do material constitui a base para a determinação das tensões mecânicas ocasionadas por carregamentos de tração, compressão, torção ou cisalhamento. Os carregamentos podem ser estáticos, estático-dinâmicos ou sômente dinâmicos.

# b) - OS EXTENSÔMETROS

#### b.1 - Princípio de funcionamento

Uma tira ou um fio utilizados como resistência elétrica ( normalmente constantan, aproximadamente 60 % Cu e 40 % Ni ) com um comprimento 1 ( m ) e uma secção A ( mm<sup>2</sup> ) tem como expressão de sua resistência elétrica :

$$R = \delta . 1/A \tag{D.1}$$

onde  $\delta$  é a resistência específica ( $\Omega$ mm<sup>2</sup>/m).

Deformando-se o fio, devido a atuação de uma força de tração, aumenta-se a resistência elétrica porque l aumenta e A diminui. Além disso, modifica-se também a resistência específi ca. No constantan a influência de  $\Delta l$  em  $\Delta R$  é relativamen te pequena.

A fig. D.l mostra como a deformação de uma barra traciona-

da provoca uma alteração  $\Delta R$  na resistência de um fio colado so bre a mesma D.l .

 $F \leftarrow O(1 + \Delta R)$   $R \leftarrow \Delta R$   $R \leftarrow \Delta R$   $R \leftarrow Sistência elétrica$   $F \leftarrow O(1 + \Delta I)$ 

Fig. D.1-Deformação de uma barra tracionada, onde se observa também a deformação de uma resistência elétrica colocada sobre a barra. (a-barra não tracionada, b-barra tracionada)

#### b.2 - Fator de sensibilidade K

Entre a deformação relativa e a variação relativa existe <u>u</u> ma relação linear, dada pela constante de proporcionalidade que é denominada de fator de sensibilidade K.

$$\frac{\Delta R}{R} \quad K \cdot \frac{\Delta 1}{1} = k \cdot \epsilon$$
 (D.2)

O valor do fator K ou fator de sensibilidade será demons trado como segue:

sendo V o volume, dado por

$$V = A.1$$

a eq. D.l fica :

$$R = \frac{\delta \cdot 1^2}{v}$$

(D.3)

Bridgman [D.2] mostrou que uma alteração no volume implica numa alteração na resistência específica e para o constantan a expressão é :

$$C = \frac{\frac{d\delta}{\delta}}{\frac{dV}{V}} = 1,13$$
 (D.4)

D-3

Diferenciando a eq. D.3 obtém-se

$$\frac{\mathrm{dR}}{\mathrm{R}} = \frac{\mathrm{d\delta}}{\mathrm{\delta}} + \frac{2\,\mathrm{dl}}{\mathrm{l}} - \frac{\mathrm{dV}}{\mathrm{V}} = (c-1)\frac{\mathrm{dV}}{\mathrm{V}} + \frac{2\,\mathrm{dl}}{\mathrm{l}} \tag{D.5}$$

A constante de Poisson ou coeficiente de contração u nos dá a relação entre a variação do diâmetro com o comprimento

$$-\mu = \frac{\frac{dD}{D}}{\frac{d1}{1}} = 0.3$$
 (D.6)

Diferenciando o volume se tem

$$\frac{dV}{V} = 2 \frac{dD}{D} + \frac{d1}{L}$$
(D.7)

Substituindo-se a eq. D.6 na eq. D.7 obtem-se

$$\frac{dV}{V} = (1 - 2\mu)\frac{d1}{1}$$
(D.8)

Substituindo a eq. D.8 na eq. D.5:

$$\frac{dR}{R} = \left[ (c - 1) (1 - 2\mu) + 2 \right] \frac{d1}{1}$$
(D.9)

que comparado com a eq. D.2 se conclui que o fator de sensibili dade é :

$$K = (c-1)(1 - 2\mu) + 2$$

após substituindo os valores de c = 1,13 e u = 0,3 obtém-se

K = 2,05

# b.3 - Forma de apresentação dos extensômetros

Os extensômetros são geralmente apresentados em forma de fios (aproximadamente 0,02 mm de diâmetro) ou tiras (com a proximadamente 0,004 mm de espessura). São colados em várias formas (meândros, zigue-zague, etc. ...) sobre papel ou fo lhas plásticas. A fig. D.2 mostra uma das formas encontradas no comércio.



Fig. D 2 - Forma esquemática de um tipo de extensômetro.

#### c) - MEDIDA DA VARIAÇÃO RELATIVA DA RESISTÊNCIA

A variação relativa da resistência dos extensômetros é pe quena. Para a sua medida faz-se uso da Ponte de Wheatstone. Com esse sistema de ligação transforma-se a variação de resistên cia elétrica em variação de diferença de potencial.



Fig. D3- Fio de medição de um extensômetro numa ponte WHEATSTONE.

A forma mais simples consiste em quatro resistências iguais e de valor R, em série. Uma destas resistências é o fio que sofrerá deformação (fig. D.3). Pelas quatro resistências passa corrente fornecida pela fonte U. Através da lei de Ohm podem ser conhecidas as relações entre corrente e tensão.

## d) - COMPENSADOR DE TEMPERATURA

Como uma medida pode ser afetada pela variação de tempera tura ambiente, é necessário que se alimine a influência desse e feito.

Os extensômetros que são deformados devido à atuação de es forços sobre o corpo onde os mesmos estão colados denominam-se de ativos. Aqueles extensômetros que não sofrem deformação nesta ocasião são chamados de passivos.







A resistência elétrica  $R_2$  colocada numa posição considerada neutra não se altera quando atua a força F. A montagem das r<u>e</u> sistências  $R_1 \in R_2$  não ocasiona desbalanço da ponte quando as mesmas forem afetadas pela variação de temperatura.

# e) -, POSSIBILIDADES DE ADAPTAÇÃO DOS EXTENSÔMETROS NOS OBJETOS DE MEDIDA PARA MEDIÇÃO DE CARREGAMENTOS SIMPLES

A maneira mais simples de se medir as solicitações em um corpo com auxílio de extensômetros é colar os mesmos na dire – ção da maior deformação. A ponte de Wheatstone oferece então várias possibilidades de conexão para a adição ou subtração de va-

D-5

lores de medida (Fig. D.5 ) [D.3]



c)- Meia Ponte. d)-Ponte cheia.

Fig. D 5-Formas diferentes de ligações dos extensômetros (Ponte de Wheatstone)

Na Fig. 5 as resistências R podem ser constituídas de um <u>o</u> u mais extensômetros. Na fig. D.5c, se a resistência  $R_1$  for al terada por tração e o mesmo acontecendo com a  $R_2$ , tendo a defor mação o mesmo valor para as duas resistências, a ponte de Wheatstone não mostrará desequilíbrio.

Se na fig. D.5c a resistência R<sub>1</sub> for alterada por tração e a resistência R<sub>2</sub> por compressão, ocorrendo a mesma deformação , o sinal da ponte será a soma do sinal enviado por cada uma das resistências ( exemplo : fig. D.6 )



Fig.D.6-Resistência R1 sofre tração enquanto que R2 sofre compressão.

D-6

# f) - TENSÕES NORMAIS

Forças que atuam sobre um corpo num sentido uniaxial provocam no corpo reações que podem ser tensões de tração quando a força aplicada for tração, e tensões de compressão quando a força aplicada for de compressão.

Para os corpos de prova ( fig. D.7 ) submetidos a esforços de tração e compressão obtém-se como valor da deformação no se<u>n</u> tido longitudinal :

$$\varepsilon_1 = \frac{\sigma}{E} = \frac{F}{A \cdot E}$$





a deformação relativa no sentido transversal é :

$$\varepsilon_{q} = -\mu \varepsilon_{1} = -\mu \frac{F}{A \cdot E}$$

Sendo que a tensão normal é proveniente da relação

$$\sigma = F/A$$

respectivamente,

 $\sigma = \epsilon$ . E ( lei de Hooke )

Na fig. D.8 à esquerda se tem  $\mathcal{E}_1$  e F positivos e  $\mathcal{E}_q$  negativo. No corpo de compressão à direita,  $\mathcal{E}_1$  e F são negativos e  $\mathcal{E}_q$  é positivo. Para o caso mais empregado de meia-ponte (fig. D.5c), se tem como sinal de medida (sinal que o instrumento recebe):

$$\tilde{\epsilon} = (1 + \mu) \epsilon_{1.K} \approx 1.3.\epsilon_{1.K}$$

o valor da tensão será a soma da tensão normal com a tensão de flexão que não é compensada :

$$G = G_N + G_B = \frac{1}{1+\mu} \cdot \frac{\varepsilon^*}{K} \cdot E \sim \frac{1}{1,3} \cdot \frac{\varepsilon^*}{K} \cdot E$$

sendo K o fator de proporcionalidade.

#### BIBLIOGRAFIA

- [2.1] LIPMANN, H. e O. MAHRENHOLTZ : Plastomechanik der Um forming metallischer Werkstoffe, Springer Verlag, Berlin, 1967, pg. 122.
- [2.2] TSELICOV, A. : Stress and Strain in metal Rolling, Mir Publishers, Moscow, 1967, pg. 57.
- [2.3] GELEJI, A.: Bildsame Formgebung der Metalle, Akademie Verlag, Berlin, 1967, pg. 503.
- [2.4] KÖSTER, F.: Walzwerke für Profil und Stabstahl , Vol. II, Verlag Stahleisen, Düsseldorf, 1971, pg.136.
- [2.5] TRINKS, W. : Fundamentos de la laminacion, Gráficas Os ca S.A., Madrid, 1964, pg. 114.
- [2.6] SUPPO, U. ; A. IZZO e P. DIANA : Applicatione dell' <u>e</u> laboratore elettronico nei calcoli relativi alle calibrazioni, la metalurgia italiana nº 2, 1972, pg. 45.
  - [2.7] IZZO, A.F.: Archiv für das Eisenhüttenwesen 47 ( 1976 Nr. 2, pg. 85 .
  - [2.8] HELMS, R e S. LEDWORUSKI : Stahl und Eisen 96 (1976) Nr. 2, pg. 79.
  - [2.9] VOLLMER, J. : Messung der Formänderungsfestigkeit mettalischer Werkstoffe. Tese de Doutorado, Universida de Técnica de Hannover, 1969.
  - [2.10] STRASSBURGER, C e G. ROBILLER : Aufnalime der Fliess kurve unlegierter Stähl im Kaltstauchversuch, Stahl und Eisen 93 (1973), Nr. 24, pg. 1164.
  - [2.11] FERRAZ, M.J.O.: Laminação dos aços. ABM São Paulo , 1975, pg. 1.47 .

- [2.12] DIETRICH,T. e W. LUEG : Betriebsuntersuchungen an kontinuirlichen Walzenstrassen, Stahleisen - sonderberichte, Heft 4, 1964, pg. 11.
- [3.1] WEBER, K.H. : Berechnung von Walzkraft und Drehmoment be im Warmwalzen von Flachquerschnitten, Deutscher Ver – lag für Grundstoffindustrie, Leipzig, 1969.
- [3.2] SCHWEONZFEIER, W. e O. PAWELKI : Untersuchung einer kontinuirlichen Feinstahl - und Drahtstrasse, Stahleisen -Sonderberichte, Heft 4, 1964, pg. 49.
- [3.3] DAHL, W. e E. WILDSCHÜTZ : Archiv für das Eisenhütten wesen Nr. 9, Setembro, 1965, pg. 633 - Nr. 4, Abril , 1961, pg. 213.
- [3.4] LUEG, W. e H.G. MULLER : Stahl und Eisen 76 (1956) Nr. 21, pg. 1343.
- [3.5] TRINKS, W.: Fundamentos de la laminacion, Graficas Os ca S.A., Madrid, 1964, pg. 23.
- [3.6] AB AKERS STYCKEBRUCK : Walzen für Stahl und Mettal walzwerke, Suecia, 1966, pg. Kl.
- [3.7] SUPPO, U. ; A. IZZO e P. DIANA : Applicatione dell'ela boratore elettronico nei calculi relativi alle calibra zioni, la metalurgia italiana, Nr. 2, 1972, pg. 41.
- [3.8] GELEJI, A.: Bildsame Formgebing der Metalle, Akademi e Verlag, Berlin, 1967, pg. 619.
- [3.9] TSELIKOV, A.: Stress and Strain in Metal Rolling, Mir Publischers, Moscow, 1967, pg. 314.
- [4.1] HEY, A.M. e C.M. SELLARS : Influência de variáveis me talúrgicas sobre esforços de laminação controlada. VI Jornadas Metalúrgicas, Buenos Aires, outubro, 1974.

- [4.2] BILLIGMANN'e FELDMANN : Stauchen und Pressen, Carl Hansen Verlang, Munique, 1973, pg. 88 .
- [4.3] HALLER, H.W. : Handbuch des schmiedens, Carl Hansen Verlang, Munique, 1971, pg. 56 .
- [4.4] ROWE G.W.: An introduction to the principles of metalworking, Eduard Arnold LTD, London, 1971, pg. 25
- [5.1] TIMOSHENKO, S.P.: Theory of Elasticity, McBraw-Hill Bock Company, 1970, pg. 8.
- [5.2] BECKWITH, T.G. e N.L. BUCK: Mechanical Measurements, Addison - Wesley, 1961, pg 264.
- [7.1] SCHWENZFEIER W. e O. PAWELSKI: Untersuchung einer konti nuirlichen Feinstahl - und Drahtstrasse, Stahleisen -Sonderberichte, Heft 4, 1964, pg. 59.
- [7.2] DELGADILLO, L.F.L.: Evaluacion de los principales para metros en laminacion de chapas e perfiles. Departamento de Metalurgia, Buenos Aires, Argentina, 1972, pg. 147.
- [A.1] TSELIKOV, A.: Stress and Strain in Mettal Rolling, Mir Publishers, Moscou, 1967, pg. 276.
- [A.2] GELEJI, A.: Bilsame formgebung der Metalle, Akademi e Verlag Berlin, 1967, pg. 619.
- [A.3] NEUMANN, H.: Kalibrieren von Walgen, VEB, Leipzig, 1969
  pg. 51.
- [A.4] AB AKERS STYCKEBRUCK: Walmen für Stahl-und Mettalwal zwerke, Suécia, 1966, pg. Kl.
- [A.5] SUPPO, U.; A. IZZO e P. DIANA: Applicazione dell' ellabo retore elettronico nei calcòli relativi alle calibrazionela metalurgia italiana, Nr. 2, 1972, pg. 45.

- [A.6]. GELEJI, A.: Bildsame Formgebung der Metalle, Akademi e Verlag Berlin, 1967, pg. 637.
- [A.7] ROLL PASS DESIGN, The United Steel Companies Limites , Sheffield, England, pg. 27 .
- [B.1] WEBER, K.H.: Berechnung von Walzkraft und Drehmoment be im Warmwalzen vom Flachquerschnütten, Deutscher Verlag für Grundstoffindustrie, Leipzig, 1969, pg. 41.
- [B.2] TSELICOV, A.: Stress and Strain in Metal Rolling, Mir Publishers, Moscou, 1967, pg. 216.
- [C.1] WIEGEL, H.: Entwicklung einer Methode zur Walzkraftbestimmung für das Kaltwalzen mit und ohne Länszug, Te se de Doutorado, Institut für Bildsame Formgebung-RWTH-Aachen, 1972, pg. 4.
- [D.1] POTMA, T.: Dehnungsmessstreifen Messtechnik, Philips-Fachbücher, Hamburg, 1968.
- [D.2] NELTING, H. e G. THIELE: Elektronisches Messen nichte lektrischer Grössen, Philips Technische Bibliothek , 1966.
- [D.3] HOFFMANN, K.: Grundlagen der Dehnungsmessstreifen-Technik Elektrisches Messen Mechanischer Grösser, HBM, VM 73002, 1973.