

213

**DIVISÃO NOS ANÉIS DE POLINÔMIOS COM FINITAS VARIÁVEIS E BASES DE GROEBNER.** *Rene Carlos Cardoso Baltazar Junior, Luisa Rodriguez Doering (orient.) (UFRGS).*

As soluções de um sistema de equações polinomiais formam um objeto geométrico chamado uma variedade, o objeto algébrico correspondente é um ideal; gerando um link entre álgebra e a geometria. Sabemos que  $K[x]$  é um domínio de ideais principais então podemos efetuar uma divisão euclidiana (Domínio Euclidiano) utilizando uma ordenação em  $N$ . Generalizando esse processo através de distintas ordenações, citamos uma "divisão" em um anel de polinômios em finitas variáveis sobre um corpo. E ainda, tomando:  $A_1x_1 + A_2x_2 + \dots + A_nx_n = B_1 \dots V_1x_1 + V_2x_2 + \dots + V_nx_n = B_n$  As soluções das equações acima formam uma variedade em  $K^n$ , que chamamos Variedade Linear. Por exemplo, linhas e planos são variedades lineares. Em Álgebra Linear, aprendemos o Método da Eliminação Gaussiana para encontrar as variedades lineares. Assim, será apresentada uma generalização do algoritmo, aplicado a sistemas de equações polinomiais; utilizando as Bases de Groebner.