

Um número real  $\alpha$  é dito normal em base  $b$  ( $b \geq 2, b \in \mathbb{N}$ ) se na sua expansão  $b$ -nária todos os blocos de  $k$  dígitos aparecem com frequência  $\frac{1}{b^k}$ .

Pode-se provar que o conjunto dos números reais que não são normais em uma dada base tem medida de Lebesgue zero. No entanto, até hoje não se sabe se números como  $\pi$ ,  $e$ , ou qualquer irracional algébrico são normais em alguma base.

Em 1946, Copeland e Erdős provaram que dado um polinômio não-constante  $f$  que satisfaz  $f(\mathbb{N}) \subset \mathbb{N}$  então o decimal

$$.f(1)f(2)f(3)\dots$$

obtido concatenando-se  $f(1), f(2), \dots$  escritos em base 10 é normal em base 10.

Vamos apresentar algumas ideias da demonstração deste teorema.