

Este trabalho tem por objetivo mostrar um algoritmo utilizado para fatoração de polinômios univariados sobre corpos finitos. Esse algoritmo é dividido em três etapas: fatoração livre de quadrados, fatoração em graus distintos e fatoração em graus iguais. Seja $f(x)$ um polinômio com coeficientes em $F_q[x]$, onde F_q é um corpo finito. A fatoração livre de quadrados elimina os fatores repetidos de f . A fatoração de graus distintos separa f em blocos de polinômios de graus menores agrupados de acordo com o seu grau e assim, pode-se escrever f como $f = f_1 f_2 f_3 \dots f_k$ onde cada f_i , $i = 1, \dots, k$ é um bloco de polinômios irreduzíveis de grau i . O trabalho focará na última etapa que é a fatoração em graus iguais e esta consiste em fatorar cada bloco f_i , $i=1, \dots, k$, que é um produto de polinômios irreduzíveis de grau i , em blocos de polinômios de mesmo grau. Para tal, utiliza-se o separador chamado Cantor e Zassenhaus, que consiste em tomar um polinômio $a(x) \in F_q[x]$ aleatório, cujo grau é menor que o grau de f_i e um inteiro d que seja divisor do grau de f_i e analisar o mdc entre a e f_i , obtendo assim um polinômio g_1 ; se $g_1 \neq 1$ dividir f_i por g_1 e assim obter um fator de f_i ; calcular, através do algoritmo de Euclides, o resto da divisão de f_i por $a^{(q^d-1)}$ e, por fim, calcular o mdc entre $a^{(q^d-1)} - 1$ e f_i , obtendo assim g_2 ; se $g_2 \neq 1$ e $g_2 \neq f_i$ dividir f_i por g_2 para se ter um fator de f_i . Assim, para cada escolha do inteiro d e do polinômio $a(x)$ obtém-se a fatoração de f_i como produto de polinômios mônicos irreduzíveis de grau d e mostra-se que a probabilidade de o algoritmo devolver os fatores de f_i procurados mesmo utilizando um polinômio $a(x)$ aleatório é satisfatória, o que completa o algoritmo.